



ព្រះរាជាណាចក្រកម្ពុជា
ជាតិ សាសនា ព្រះមហាក្សត្រ

ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡា

ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡា

ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡានឹងក្រុមការងារ

ខ្លួនឯកសារ

ឆ្នាំ ២០១៦

ପ୍ରଦୟତସମ୍ମାପନ୍ତରେ ଜ୍ୟେଷ୍ଠଶିକ୍ଷାଧୂଲୁ ଯୁଦ୍ଧରେ
ପତ୍ରରେ ପ୍ରଦୟତଃ ୨୨ ଶିଖା ୨୦୧୬
ଏମ୍ବାହା: ମଧ୍ୟାହାନ୍ତରେ (ଭୀକୁଳଜ୍ଞାନାନ୍ତରେ)
ଯେ: ମରା: ୬୦ ବାଟି ବିଶ୍ୱାସ

ព្រៃនាគ

មានមតិមួយពេលថា : “ អត្ថបទអក្សរសិល្បៈមាន
គោលដៅអប់រំនុស្សខ្សោចេះដោះស្រាយបញ្ហា ” ។ ច្បារ
អ្នកបកស្រាយដោយយកឧទាហរណ៍ក្នុងអក្សរសិល្បៈ
ខ្ញុំមកបញ្ហាក៏។

ଲେଖକ ମହାନ୍ତିର୍ମାଣ

I. សេចក្តីផ្តើម

- លំនាំបញ្ហា ៖ បង្កាញពីតំនិតទូទៅទៅការទងនឹងជានបទ
 - ចំណោលបញ្ហា ៖ បញ្ចាលប្រជានបទ
 - ចំណោទបញ្ហា៖ ធានបែបប្រជាននយល់។

II. ຕູ້ເສັບກີ່ມ

၅. ယူဆခံ

៤. ទន្លេព័ត៌មាន

- អក្សរសិល្ប៍ ៖ កម្រងអត្ថបទដែលគុបតែងដោយ អក្សរប្រកបទទៅដោយសិល្ប៍វិធី ប្រព័ន្ធដំឡើងខ្លាយដែល តាក់តែងឡើងប្រកបទទៅដោយសិស្សវិធី
 - គោលដៅ ៖ អ្នីដែលផ្តើមហើយសំដោរក ប្រតម្លៃទៅ រក
 - អចំ ៖ ហើរបាត់ កែលមួនឱ្យប្រព័ន្ធ (ធ្វើឱ្យណូ)
 - បញ្ហា ៖ ពាក្យ ប្រសេចភីដែលមានអាមិកបាតំង ប្រស្ថាប្រចាំណោទ . . .។

၃။ တန္ထာလ်နီယ

ទស្សន៍ប្រធានមាននីយថា កម្មងអត្ថបទរៀងដែលអ្នកនិពន្ធតាក់តែងទេវិនសុខុសិនជំទោដោយខិមសារ

ល្អ ៗ តម្រង់ទៅការបើកហាត់កែលម្ម ដោយជួយឱ្យ
មនុស្សចេះដោះស្រាយអាចកំពាំងនានាដឹងលមនុស្ស^១
បានជួប . . . ។

៤. បក្សាយ

- ក. ក្រសួងអគ្គនាយកដៃនាំសិល្បៈមានតោលដោអប់រំ
មនុស្សឱ្យចេះដោះស្រាយបញ្ហា។ អក្សរសិល្បៈបាន
បញ្ហាញបញ្ហា ដែលមនុស្សដូចខេត្តទេះមានត្រីនិច្ចចង់

បញ្ជាសង្គម

- បញ្ហាភាណព្រៃំព្រ
 - បញ្ហាសុវត្ថមផ្តល
 - បញ្ហាសិទ្ធិសេវកាត
 - បញ្ហាជីវ៉ាន់
 - បញ្ហាកែងប្រវ័យ្យ
 - បញ្ហាពាក់ទងបែបធេច្ចិ អរិយធុមិ

បញ្ជាផ្ទាត់

- បញ្ជាផីកដំន់
 - គ្រាប់ផមជាតិ។

៤. ការដែលអក្សរសិល្បៈលើកបញ្ហាជានអស់នេះមកបញ្ហាញមានតាមដោយបញ្ហាជានគោលដៅអប់រំមនុស្សខ្លួចចេះដោះស្រាយបញ្ហាដូចជា ៖

- មានប្រាសាហ្មោះសង្កែ
 - មិនប្រើបានក្បាល
 - ចេះតស្សី
 - ខស្សាត់ព្យាយាមត្រីវិនិមី ពិចារណា វិភាគ
 - អង់អាចត្រាបាន
 - ពិសេសគុណធម្មុនុយសិល្បៈត្រូវទូលាយការ

គ. លើកខាងក្រោមនេះដើម្បីសារិយភាព

គ.១ អក្សរសិល្ប៍ប្រជាបិយ

- ផ្សេងមួកតាតឹក មួកតាក្នៃ៖ បង្ហាញបញ្ជាផីកជំនួយ

សៀវភៅ នគរបាល ក្រសួង ពេទ្យ

ការប្រើអំណាចផ្តាញការ

- ការដោះស្រាយដោយប្រើបញ្ញា ប្រាសាទផ្លាស រួចទិន្នន័យ សេចក្តីស្មាប់...
 - រឿងកំណើតនេះ ប្រើប្រាសាទទូលបានដោតជីយៗ...

គ.២ អក្សរសិល្ប៍បុរាណ ៩

- រឿងប្រាជេសុន្តែល “តោរពន្លេវាស្ថ្ត”
 - រឿងកម្មកែវ “តោរពពាក្យសគ្គ”
 - រឿងពុទ្ធឌីសែន “ជួយអ្នកមានគុណ” ...

គ.៣ អក្សរសិល្ប៍ទាំងនេះ

- រឿងភ្លើងធមិត្តរោន “ តស្សីដើម្បីជីវិះជាន់ ”
 - រឿងព្រះអាណិត្យូច្ចឹង “ តស្សីព្រាយាម ”
 - រឿងគុលិកកំណែន “ តស្សីដើម្បីជីវិះជាន់ ”...

៥. សរុបមតិ ៦

សរុបសេចក្តីមក អក្សរសិល្បៈពិតជាមានគោលដៅ
អប់វមនុស្សខ្សោចេះដោះស្រាយបញ្ហាមេន ព្រោះត្រូវប៉ាណ្ឌា
ដែលអក្សរសិល្បៈខ្លួនទាំងបីចលនាសុខទៅបង្ហាញនូវបញ្ហា
ហើយយកបញ្ហាពំនៅនៅមកជាតិតិតដល់យើងខ្សោចេះ
ដោះស្រាយបញ្ហាក្នុងដីភាព និងសង្គមបាន។

III. បញ្ចប់សេចក្តី

- **កាយតម្លៃប្រធាន** : ប្រធានមានអត្ថនឹយណ បង្ហាញ ឱ្យយើងយើងពីគ្មានទី ដែលសំខាន់បែកសំរាប់របស់អក្សរសិល្បៈ ដែល រមចាំណោកដល់ការអប់រំមនុស្សនិងសង្គម។

- មតិផ្សាល់ : ដូច្នេះអក្សរសិល្បៈទីនេះត្រូវបានតែងតាំង

កំសាន្តសប្តាយតើបីណ្ឌារះទេ មិនតាំងបានចូលរួម
ចំណោកដូចនេះទេ ការអប់រំជាប់មនុស្សនឹងសង្គម . . .

IV. សង្គម

អក្សរណ យោប្រយោតណ ប្រើប្រាស់បង់ត្រីមត្រូវ
ខែមសារលួ និងអក្សរិនុទ្ទេត្រីមត្រូវ។

៣. ក. គើរគិតអាចចែងយ៉ាងលាចចំពោះបន្ទាត់បែង: d_2

ទៅនឹងក្រាប C ត្រូវចំណុច I ដើម្បានអាប់សីស

$\ln(3)$ ។

៤. សិក្សាទីតាំងនៃក្រាប C ផ្លូវបន្ទាត់បែង:

d_2 ។

៥. ក. បង្ហាញថាបន្ទាត់បែង: d_3 ទៅនឹងក្រាប C ត្រូវចំណុចមានអាប់សីសស្ថិន្យមានសមិការ $y = \frac{1}{4}x + 1$ ។

៦. រាយសន្តិតបានចំណុច I ជាឌីតផ្លូវនៃក្រាប C និងក្នុងតម្លៃប្រហែលនៃ $\ln(3)$ ចូរសង់ក្រាប C និងបន្ទាត់ d_1, d_2, d_3 ។ (នៅលើកម្រួយនេះមួយឯកតាស្រី 2cm) ។

គំនៈនោសនិតិវិធាន

I. គណនាលីមិត

$$9. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{x^2 - 3x + 2} \text{ មានរាយ } \frac{0}{0}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{x^2 - 3x + 2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(1-x)(1+x)}{(x-1)(x-2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{-(x-1)(x+1)}{(x-1)(x-2)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+1}{x-2} = \frac{-2}{-1} = 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x^2}{x^2 - 3x + 2} = 2 \text{ ។}$$

$$10. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+6}-3}{x^3 - 27} \text{ មានរាយ } \frac{0}{0}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+6}-3}{x^3 - 27}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x+6-9}{(x-3)(x^2+3x+9)(\sqrt{x+6}+3)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{1}{(x^2+3x+9)(\sqrt{x+6}+3)}$$

$$= \frac{1}{(9+9+9)(3+3)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+6}-3}{x^3 - 27} = \frac{1}{162} \text{ ។}$$

$$11. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5 \sin 5x}{x} \text{ មានរាយ } \frac{0}{0}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5 \sin 5x}{x} = 5 \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{5x} = 25 \times 1$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5 \sin 5x}{x} = 25 \text{ ។}$$

II. គណនា: $Z_1 + Z_2$

$$Z_1 + Z_2 = \sqrt{3} - i + (1 - \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3})i$$

$$Z_1 + Z_2 = 1 - i\sqrt{3}$$

$$\text{គណនា } (Z_1 + Z_2) \times Z_3$$

$$(Z_1 + Z_2) \times Z_3 = -\frac{1}{2} + \frac{i\sqrt{3}}{2}$$

សរស់ $Z = (Z_1 + Z_2) \times Z_3$ ជាទម្រង់ត្រីកោណា
មាត្រា

$$Z = -\frac{1}{2} + \frac{i\sqrt{3}}{2}$$

$$Z = \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}$$

ទាញរកតម្លៃនៃ Z^3

$$Z^3 = \left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3} \right)^3$$

$$Z^3 = \cos 2\pi + i \sin 2\pi = 1 + 0$$

$$Z^3 = 1 \text{ ។}$$

III. គណនាការណ៍គេប្រាល :

$$I = \int_0^2 (6x^2 - 3x - 1) dx$$

$$I = \left[\frac{6x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} - x \right]_0^2 = \left[2x^3 - \frac{3x^2}{2} - x \right]_0^2$$

$$I = 16 - 6 - 2 = 8$$

$$I = 8 \text{ ។}$$

$$J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (1 - 2 \sin^2 x) dx = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$$

$$= \frac{1}{2} [\sin 2x]_0^{\frac{\pi}{4}} = \frac{1}{2} \left(\sin \frac{\pi}{2} - \sin 0 \right) = \frac{1}{2}$$

$$J = \frac{1}{2}$$

បង្ហាញថា $f(x) = -\frac{2}{x} - \frac{2}{x^2}$

$$f(x) = -2\left(\frac{x+1}{x^2}\right) = -\frac{2x}{x^2} - \frac{2}{x^2}$$

$$f(x) = -\frac{2}{x} - \frac{2}{x^2}$$

គណនា $K = \int_1^e f(x) dx$

$$\int_1^e f(x) dx = \int_1^e \left(-\frac{2}{x} - \frac{2}{x^2} \right) dx$$

$$= \left[-2 \ln x + \frac{2}{x} \right]_1^e = -2 \ln e + \frac{2}{e} - 2$$

$$K = -4 + \frac{2}{e} = \frac{-4e+2}{e}$$

IV. រកប្រុបនៃត្រីតិការណា A ដើម្បីបង្ហាញថា A មានគណនាបីបុគ្គលិក

ចំនួនករណីអាមេរិក ៩ ដើម្បីបង្ហាញថា A មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$15 \text{ គីឡូ} n(S) = C(15, 1) = 15$$

ចំនួនករណីប្រុបនៃត្រីតិការណា A ដើម្បីបង្ហាញថា A មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$\text{យើងបាន } P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{7}{15}$$

រកប្រុបនៃត្រីតិការណា B ដើម្បីបង្ហាញថា B មានលេខសេស្ស

ចំនួនករណីប្រុបនៃ B ដើម្បីបង្ហាញថា B មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$\text{យើងបាន } P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}$$

រកប្រុបនៃត្រីតិការណា C ដើម្បីបង្ហាញថា C មានគណនាបីបុគ្គលិក

ចំនួនករណីប្រុបនៃ C ដើម្បីបង្ហាញថា C មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$n(C) = C(4, 1) = 4$$

$$P(C) = \frac{n(C)}{n(S)} = \frac{4}{15}$$

V. ៩. ក. បង្ហាញថា S មានគណនាបីបុគ្គលិក រកប្រុបនៃក្នុងក្នុង S ដើម្បីបង្ហាញថា S មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$18x^2 + 10y^2 = 90 \quad \text{ឬ} \quad \frac{18x^2}{90} + \frac{10y^2}{90} = 1$$

$$\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{9} = 1 \quad \text{មានកង} \quad \frac{x^2}{b^2} + \frac{y^2}{a^2} = 1$$

ជាសមិការស្ថិតិថារបស់អេលីប៊ីបង្ហាញថា S មានគណនាបីបុគ្គលិក

$$O(0, 0)$$

$$a^2 = 9 \Rightarrow a = 3$$

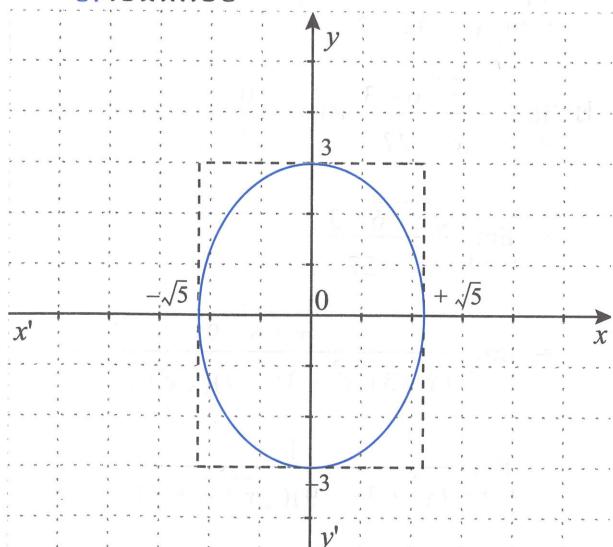
$$b^2 = 5 \Rightarrow b = \sqrt{5}$$

$$\text{អេក្រង់មានប្រុង } 2a = 6$$

$$\text{អេក្រង់មានប្រុង } 2b = 2\sqrt{5}$$

$$\text{កំពុល } V_1(0, -3); V_2(0, 3)$$

៩. សង់អេលីប៊ីប



៤. ក. រកវិចទីនៃ \overrightarrow{MN} និង \overrightarrow{QP}

$$\begin{aligned}\overrightarrow{MN} &= (x_N - x_M, y_N - y_M, z_N - z_M) \\ &= (3 - 2, 5 - 3, 6 - 4)\end{aligned}$$

$$\overrightarrow{MN} = (1, 2, 2)$$

$$\overrightarrow{QP} = (4 - 3, 6 - 4, 7 - 5)$$

$$\overrightarrow{QP} = (1, 2, 2)$$

៥. ទាញបង្ហាញថា $MNPQ$ ជាប្រលេង្វោរាម

$$\text{ដោយ } \overrightarrow{MN} = (1, 2, 2) \text{ និង } \overrightarrow{QP} = (1, 2, 2)$$

$$\text{នៅ: } \overrightarrow{MN} = \overrightarrow{QP} \Rightarrow MN = QP \text{ និង } MN \parallel QP$$

នៅ: $MNPQ$ ជាប្រលេង្វោរាម។

VI. ៩. ដោះស្រាយសមិការ (E)

$$y'' + 2y' - 3y = 0$$

$$\text{សមិការសម្ភារ់សរស់ } \lambda^2 + 2\lambda - 3 = 0$$

$$\text{មានផុស } \lambda_1 = 1 \text{ ឬ } \lambda_2 = -3$$

អនុគមន៍ចែងពិសេសសមិការ (E) សរស់

$$y = Ae^{\lambda_1 x} + Be^{\lambda_2 x}$$

$$y = Ae^x + Be^{-3x} ; A, B \in \mathbb{R}$$

៥. រកចែងពិសេសសមិការ (E)

$$\begin{aligned}y(0) = 1 &\Leftrightarrow Ae^0 + Be^0 = 1 \\ &\Leftrightarrow A + B = 1\end{aligned}$$

$$y' = Ae^x - 3Be^{-3x}$$

$$\begin{aligned}y'(1) = e &\Leftrightarrow Ae - 3Be^{-3} = e \\ &\Leftrightarrow -A + 3Be^{-4} = -1\end{aligned}$$

យើងបានប្រព័ន្ធសមិការ

$$\begin{aligned}&+ \begin{cases} A + B = 1 \\ -A + 3Be^{-4} = -1 \end{cases} \\ &B(1 + 3e^{-4}) = 0 \Leftrightarrow B = 0\end{aligned}$$

$$\text{ហើយ } A + B = 1 \Leftrightarrow A = 1$$

$$\text{ចែងពិសេសសមិការ } E \text{ គឺ } y = e^x$$

VII. ៩. តណានាលីមិតនៃ f ត្រូវ $-\infty, +\infty$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(x + 2 - \frac{4e^x}{e^x + 3} \right) = -\infty$$

$$\text{ប្រែ: } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4e^x}{e^x + 3} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(x + 2 - \frac{4e^x}{e^x \left(1 + \frac{3}{e^x} \right)} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$$(\text{ប្រែ: } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{4}{1 + \frac{3}{e^x}} = 4)$$

៥. សិក្សាទីកំងនៃ C ដោយបង្កើត d_1

$$\varepsilon(x) = f(x) - (x + 2)$$

$$\varepsilon(x) = x + 2 - \frac{4e^x}{e^x + 3} - (x + 2)$$

$$\varepsilon(x) = -\frac{4e^x}{e^x + 3} < 0 \quad \text{ចំពោះ } \forall x \in R$$

ខ្សោយកំង C ស្ថិតនៅពីខាងក្រោមបន្ទាត់ d_1 ជានិច្ច។

៣.ក. ស្រាយបំភើតិចំពោះ:

$$\forall x, f'(x) = \left(\frac{e^x - 3}{e^x + 3} \right)^2$$

$$f(x) = x + 2 - \frac{4e^x}{e^x + 3}$$

$$f'(x) = 1 - 4 \left[\frac{(e^x)'(e^x + 3) - e^x(e^x + 3)'}{(e^x + 3)^2} \right]$$

$$f'(x) = 1 - 4 \left[\frac{e^x(e^x + 3) - e^x \cdot e^x}{(e^x + 3)^2} \right]$$

$$f'(x) = \frac{(e^x + 3)^2 - 4 \times 3e^x}{(e^x + 3)^2}$$

$$f'(x) = \frac{e^{2x} + 6e^x + 9 - 12e^x}{(e^x + 3)^2}$$

$$f'(x) = \frac{e^{2x} - 6e^x + 9}{(e^x + 3)^2}$$

$$f'(x) = \left(\frac{e^x - 3}{e^x + 3} \right)^2 \geq 0$$

២. សិក្សាអរមភាពនៃ f និងសង្គមភាពអមេរ

$$\text{ដោយ } f'(x) = \left(\frac{e^x - 3}{e^x + 3} \right)^2 \geq 0 \text{ ចំពោះ } \forall x \in \mathbb{R}$$

នៅ: f ជាអនុគមន៍កើនលើ \mathbb{R} ហើយត្រូវបរមាណ

$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow e^x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \ln 3$$

x	$-\infty$	$\ln 3$	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	+
$f(x)$	$-\infty$	$\ln 3$	$+\infty$

$$f(\ln 3) = \ln 3 + 2 - \frac{4 \times 3}{3 + 3} = \ln 3$$

៤.ក. តើតែអចបាយឃើញណាប័ណៃបន្ទាត់បែប: d_2

$$\text{ដោយ } x = \ln 3 \Rightarrow f'(\ln 3) = 0 \text{ នៅ:}$$

បន្ទាត់បែប: d_2 ទៅនឹងខ្សោយការ C ត្រួតពិនិត្យ

អង្គក្រឹម $\overrightarrow{x'x}$ ហើយបន្ទាត់បែប: នៅ: មានសមិការ

$$y = \ln 3$$

៣. សិក្សាទីតាំងនៃការ C ផ្លូវបន្ទីង d_2

តាមភាពអមេរការនៃ f យើងបាន

- បើ $x \in (-\infty, \ln 3)$ ខ្សោយការ C នៅពីខាងក្រោម d_2
- បើ $x \in (\ln 3, +\infty)$ ខ្សោយការ C នៅពីខាងលើ d_2
- ខ្សោយការ C កាត់ d_2 ត្រួត $I(\ln 3, \ln 3)$

របៀបទី២: ដោយ f ជាអនុគមន៍កើនលើ \mathbb{R}

យើងបាន

- បើ $x < \ln 3 \Leftrightarrow f(x) < f(\ln 3) = \ln 3$
នៅ: ខ្សោយការ C នៅពីខាងក្រោមបន្ទាត់ d_2
- បើ $x > \ln 3 \Leftrightarrow f(x) > f(\ln 3) = \ln 3$
នៅ: ខ្សោយការ C នៅពីខាងលើបន្ទាត់ d_2
ខ្សោយការ C កាត់ d_2 ត្រួត $(\ln 3, \ln 3)$

របៀបទី៣: មាន $C: y = f(x)$, $d_2: y = \ln 3$

$$\text{តាត } \varphi(x) = f(x) - \ln 3$$

$$\Rightarrow \varphi'(x) = f'(x) \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

x	$-\infty$	$\ln 3$	$+\infty$
$\varphi'(x)$	+	0	+
$\varphi(x)$	$-\infty$	0	$+\infty$

តាមភាពអមេរការនៃ φ យើងបាន

- បើ $x \in (-\infty, \ln 3)$ នៅ: $\varphi(x) < 0$ នៅ: ខ្សោយការ C
នៅពីខាងក្រោមបន្ទាត់ d_2
- បើ $x \in (\ln 3, +\infty)$ នៅ: $\varphi(x) > 0$ នៅ: ខ្សោយការ C នៅពីខាងលើបន្ទាត់ d_2
- ខ្សោយការ C កាត់បន្ទាត់ d_2 ត្រួត $(\ln 3, \ln 3)$

បន្ទាយបន្ទាត់ប៉ែង: d_3 ទៅនឹងក្រាប C ត្រង់

$$x = 0 \text{ មានសមីការ } y = \frac{1}{4}x + 1$$

សមីការបន្ទាត់ប៉ែង: សរស់

$$y - y_o = y'_o(x - x_o)$$

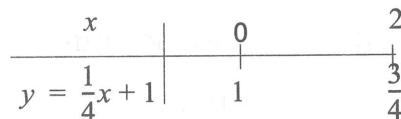
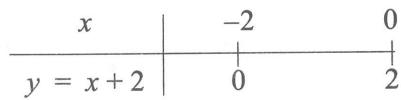
$$x_o = 0 \Rightarrow y_o = 0 + 2 - \frac{4}{1+3} = 1$$

$$\text{ហើយ } y'_o = \left(\frac{1-3}{1+3}\right)^2 = \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

យើងបាន d_3 : $y - 1 = \frac{1}{4}(x - 0)$ យើងបាន

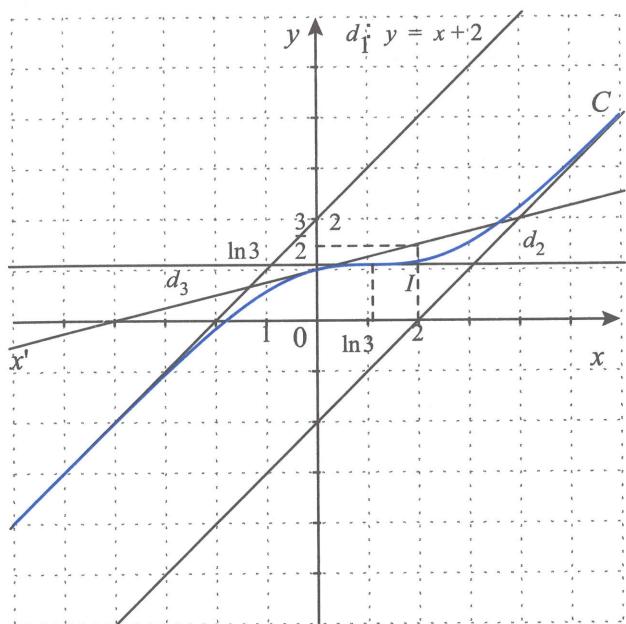
$$y = \frac{1}{4}x + 1$$

សង្កែ d_1, d_2, d_3 និង C



ដោយ $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4e^x}{e^x + 3} = 0$ នៅបន្ទាត់ d_1

$y = x + 2$ ជាភីមិតិត្រគេតនៃ C នៅ $-\infty$



ପ୍ରମୟାଲସତ୍ତ୍ଵାବ୍ୟକ୍ତିବ୍ୟକ୍ତିଶବ୍ଦିକୁଳାଦିତ୍ୟକୃତି
ପତ୍ରରେ ପ୍ରମୟାଲସାରିର ପାଇଁ ହୀନ ହୀନ ହୀନ
ପାଇଁ ପାଇଁ ପାଇଁ ପାଇଁ ପାଇଁ ପାଇଁ ପାଇଁ

ପ୍ରକାଶନ

- I. ដូចមេចដែលហោចាបព្យទិន្នន័យមិនអាមិច ?
 - II. នៅពេលចរន្តអគ្គិសនីផ្តល់ការកំប្លើបីនមួយ តែសង្គ័ត យើងបូលមួយរបស់បុប្ផិនមានខ្សោយដែនភ័ត៌មាន ហើយបូលមួយឡើតមានខ្សោយដែនភ័ត៌មាន។ តើបូលមួយណាដែលដើរបៀវមួយណាដែលដើរបៀវមួយនៅក្នុងរបស់បុប្ផិន ?
 - III. គណនាមាមិនស្តីសែន $6.4g$ ដែលធ្វើកក្នុង ផុងនៅសម្រាប់ $10^5 Pa$ និងសីគុណភាព $400K$ ដោយ ម៉ាសម្បែលរបស់ខ្សែស្តីសែនអុកសុំសែន $M = 32g/mol$ ។
 - IV. គេធ្វើកក្នុងដង់សាទ់រម្យយដែលមានកាត់សីតេ $C = 2.0\mu F$ ក្រោមតង់ស្បែង $V = 5.0V$ ។ គណនា មាមពលអគ្គិសនីដែលធ្វើកក្នុងក្នុងដង់សាទ់ទាំងនេះ
 - V. ចូរគណនាបែមប្រឹក្សាមពលក្នុងរបស់ប្រព័ន្ធឌើម្បី ដើរបៀវមិចពេល ៖
 ១. ប្រព័ន្ធប្រុបបរិមាណកម្មោះ $2000J$ និងធ្វើកម្មនៃ $500J$ ។
 ២. ប្រព័ន្ធប្រុបបរិមាណកម្មោះ $1200J$ និងទទួលកម្មនៃ $400J$ ។
 ៣. បរិមាណកម្មោះ $300J$ ត្រូវបានបំភាយចេញពី ប្រព័ន្ធនៅពេលមាមមេរោ។
 - VI. ម៉ាសីនមួយមានទិន្នន័យកម្មោះ 40% គណនា ៖
 ១. កម្មនៃដែលបានធ្វើប្រសិនបៀវប្រុបកម្មោះ $2000J$ ពីផុងក្រោះ។
 ២. កម្មភាយចេញទៅចិត្តរបស់ប្រព័ន្ធ។

VII. សូលណ្ហអីតគានស្ថិលមួយ មានប្រវែង 50cm
ហើយមានអង្ក់តផ្លូវ 3.0cm ត្រូវបានគេរិចនូន 3000
ស៊ូវា ប្រសិនបើសូលណ្ហអីតផ្លូវកាត់ដោយចេញ
អគ្គិសនី 5.0A ។ តណានា :

- ເຜັນຫ້າເງື່ອໃຈຜູ້ນີ້ກາຕໍ່ສູ່ເລັດວ່າ
 - ປະເທິງໃຫຍ່ຜູ້ນີ້ໄດ້ລົງຜູ້ສູ່ເລັດວ່າ

(ເຕີເຖິງ $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m/A}$)

କେନ୍ଦ୍ରପତ୍ର

III. គណនាមាចបស្ថុនអូកសីសែន

តាមសមីការភាពខ្សែនបរិស្ថុទៅ $PV = nRT$

$$V = \frac{nRT}{P} = \frac{mRT}{MP}$$

$$\text{ដោយ } m = 6.4g = 6.4 \times 10^{-3} \text{ kg ;}$$

$$R = 8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K} ; T = 400 \text{ K}$$

$$M = 32g/\text{cm}^3$$

$$P = 10$$

$$\text{គេរាន } \frac{\circ}{\text{}} \\ V = \frac{6.4 \times 10^{-3} \times 8.31 \times 400}{22 \times 10^{-3} \times 10^5}$$

$$V = \frac{21273.6}{32 \times 10^5} = 664.8 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

$$V = 664.8 \times 10^{-5} \text{ m}^3$$

IV. គណនាថាមពលអតិសនីដែលផ្តើកក្នុងក្នុងដែងសាច់

$$\text{តាមរបមនុ } E_C = \frac{1}{2} CV^2$$

$$C = 2.0\mu F = 2 \times 10^{-6} F ; V = 5.0V$$

$$E_C = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-6} \times 5^2 = 25 \times 10^{-6} J$$

$$E_C = 25 \times 10^{-6} J$$

V. គណនាបែបប្រើប្រាស់ប្រព័ន្ធដៃម្ខិតណាមពលក្នុងរបស់ប្រព័ន្ធទៅម៉ោង

១. ប្រព័ន្ធស្រួលបកម៉ោង $Q > 0$ គេបាន $Q = 2000J$

ប្រព័ន្ធឌើរកម្មនូវ $W > 0$ គេបាន $W = 500J$

$$\Delta U = Q - W = 2000 - 500$$

$$\Delta U = 1500J$$

២. ប្រព័ន្ធស្រួលបកម៉ោង $Q > 0$ គេបាន $Q = 1200J$

ប្រព័ន្ធជួលកម្មនូវ $W < 0$ គេបាន $W = -400J$

$$\Delta U = Q - W = 1200 - (-400)$$

$$\Delta U = 1600J$$

៣. ប្រព័ន្ធបំភាយកម្ញោង $Q < 0$ គេបាន $Q = -300J$

ប្រព័ន្ធមានមានចំនួន ($V = 12V$) គេបាន $W = 0$

$$\Delta U = Q - W = -300J - 0$$

$$\Delta U = -300J$$

VI. ៩. គណនាកម្មនូវដែលបានធ្វើ

$$e_c = \frac{W_M}{Q_h} \Rightarrow W_M = e_c \times Q_h$$

$$\text{ដោយ } e_c = 40\% = 0.4 = 4 \times 10^{-1};$$

$$Q_h = 2000J = 2 \times 10^3 J$$

គេបាន

$$W_M = 4 \times 10^{-1} \times 2 \times 10^3 = 8 \times 10^2 J$$

$$W_M = 8 \times 10^2 J$$

៥. គណនាកម្មការដែលបានធ្វើ

$$W_M = Q_h - Q_c \Rightarrow Q_c = Q_h - W_M$$

$$W_M = 2000 - 800 = 1200J$$

$$W_M = 1200J$$

VII. ៩. គណនាដែនម៉ាញ្ញិច

$$\text{តាមរបមនុ } B = \mu_o \frac{NI}{l}$$

$$\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m/A ; N = 3 \times 10^3 \text{ លេខ}$$

$$I = 5.0A ; l = 50cm = 5 \times 10^{-1} m$$

គេបាន

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{3 \times 10^3 \times 5}{5 \times 10^{-1}} = 12\pi \times 10^{-3}$$

$$B = 37.68 \times 10^{-3} T$$

៨. គណនាប្រជនដែលខ្សោចម្លងដែលរឿង

$$\text{តាមរបមនុ } l = \pi DN$$

$$l = 3.14 \times 3 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^3 = 282.6m$$

$$l = 282.6m$$

ប្រឡុងសង្គ្រាប់គ្រប់ប្រព័ន្ធសិក្សាចុលយុវជន
សម្រេចប្រឡុង: ២២ សីហា ២០១៦
ទម្ងន់: តម្លៃវិញ្ញាសាស្ថ្រ
រយៈពេល: ៩០ នាទី គិត្យ ៨៤

ប្រធាន**I. គេឱ្យប្រពិកម្ពុជីមួយដូចខាងក្រោម**

ចូរពន្យល់ហេតុអ្នកបានដាប្រពិកម្ពុជីរាង Fe និង HCl
កើតឡើងលើវិនាលណា ៖

១. Fe ស្ថិតនៅក្នុងភាពដាមេរី

២. សីតុណ្ឌភាពខ្ពស់។

**II. ចូរសរស់សមិការសម្រាប់ការបំបែកសមាសធាតុ
អីយុងក្នុងទឹក និងប្រាប់ពីចំនួនម៉ូលសរុបនៃអីយុងដើម្បី
កើតឡើង ៖**

១. 0.25 ម៉ូលអាណុយមីត្រួមក្សរ

២. 0.75 ម៉ូលស្បែរសុលភាត។

**III. គេដាក់ម៉ាញ្ញស្បែរសុលភាតប្រពិកម្ពុជីមួយសុលយ
ស្បែរ HNO₃ ចំនួន 100ml នៅក្នុងកាប់ 3.00M (សន្និត
ថា ឧស្សែន H₂ កើតឡើងពីប្រពិកម្ពុជីនេះ។ តណានា៖**

១. ម៉ាញ្ញស្បែរសុលភាតដើម្បីប្រើប្រាស់

២. មានឧស្សែនអីដ្ឋីសននដើម្បីប្រើប្រាស់
នៅសីតុណ្ឌភាព STP ។

(Mg = 24, N = 14, O = 16, H = 1 ឧស្សែន
1mol នៅសីតុណ្ឌភាព STP មានមាត្រ 22.4L)

**IV. ចូរសរស់ទម្រង់សមាសធាតុខាងក្រោម ប្រមាណៗ
លើកទាហរណ៍មួយនិងកបព្យាក់ដឹង ៖**

១. អាល់កុលម្នាក់ទី I អាល់កុលម្នាក់ទី II និងអាល់
កុលម្នាក់ទី III

២. អាមិតម្នាក់ទី I អាមិតម្នាក់ទី II និងអាមិតម្នាក់
ទី III

៣. អេន្តូវា

V. ១. ចូរគណនាម៉ាសដាប្រាប់ប្រពិកម្ពុជីដើម្បី
ធ្វើសុលុយស្បែរ NaOH 546 mL ដើម្បី
pH = 10 ។ (Na = 23, O = 16, H = 1)

២. រកកំហាប់អីយុង H₃O⁺ (aq) និង OH⁻ (aq)
ក្នុងសុលុយស្បែរមួយដើម្បី 0.200mol
អាសុត HNO₃ រាយក្នុងទឹក 250mL ។
(K_e = 1.0 × 10⁻¹⁴, T = 25°C)

៣. សុលុយស្បែរអាសុតត្រូវប្រើប្រាស់ដើម្បី
រាយអាសុតសុទ្ធដំឡើងទឹក 662mL ។ ចូរ
គណនា pH របស់សុលុយស្បែរនេះ? (ឧបមាពមាន
សុលុយស្បែរនៅថែរ) ។
(H = 1, Cl = 35.5, log 7.50 = 0.88) ។

គំលោនមិនទ្វាត់**I. ១. Fe ស្ថិតក្នុងភាពដាមេរី**

ទីបំភាគតណិតតួច ប្រើដើរប៉ះដំឡើងប្រសិទ្ធភាពកើន (ការ
ទិន្នន័យការងារប្រើប្រាស់)

២. សីតុណ្ឌភាពខ្ពស់

អង្គធាតុប្រពិករទទួលបាយពលខ្ពស់ ចលនាការណិត
លើវិនាលណានេះ នៅចំនួនទិន្នន័យប្រសិទ្ធភាពកើន ប្រមូលរាងឡើង
ដើម្បីទិន្នន័យប្រសិទ្ធភាពក្នុងមួយខ្ពស់ពេលកើនឡើង។

**II. សរស់សមិការសម្រាប់ការបំបែកក្នុងទឹក និងប្រាប់
ចំនួនម៉ូលសរុប**

១. 0.25 ម៉ូលអាណុយមីត្រួមក្សរសមិការបំបែកដំឡើង

AlCl₃(s) $\xrightarrow{\text{H}_2\text{O}}$ Al³⁺ (aq) + 3Cl⁻ (aq)

1mol 1mol 3mol

0.25mol 0.25mol 0.75mol

$$\text{ចំនួនមូលអីយុងសរុប} = n_{\text{Al}^{3+}} + n_{\text{Cl}^-} \\ = 0.25 + 0.75$$

ចំនួនមូលអីយុងសរុប = 1 mol ។

ប្រឈរការឡើតតាមសមីការ

$$n_{\text{Al}^{3+}} = n_{\text{AlCl}_3} = 0.25 \text{ mol}$$

$$n_{\text{Cl}^-} = 3n_{\text{AlCl}_3} = 0.75 \text{ mol}$$

$$\text{ចំនួនមូលអីយុងសរុប} = n_{\text{Al}^{3+}} + n_{\text{Cl}^-} \\ = 0.25 + 0.75$$

ចំនួនមូលអីយុងសរុប = 1 mol ។

ឬ. 0.75 mol Na₂SO₄

សមីការប្រព័ន្ធឌ្មុ



1 mol	2 mol	1 mol
0.75 mol	1.5 mol	0.75 mol

$$\text{ចំនួនមូលអីយុងសរុប} = n_{\text{Na}^+} + n_{\text{SO}_4^{2-}} \\ = 1.5 + 0.75$$

ចំនួនមូលអីយុងសរុប = 2.25 mol ។

ប្រឈរការឡើតតាមសមីការ

$$n_{\text{Na}^+} = 2n_{\text{Na}_2\text{SO}_4} = 1.5 \text{ mol}$$

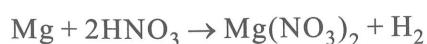
$$n_{\text{SO}_4^{2-}} = n_{\text{Na}_2\text{SO}_4} = 0.75 \text{ mol}$$

$$\text{ចំនួនមូលអីយុងសរុប} = n_{\text{Na}^+} + n_{\text{SO}_4^{2-}} \\ = 1.5 + 0.75$$

ចំនួនមូលអីយុងសរុប = 2.25 mol ។

III. ៩. គណនាម៉ាស Mg(NO₃)₂ ដែលទទួលបាន

- សមីការតាងប្រព័ន្ធឌ្មុ



1 mol	2 mol	1 mol	1 mol
-------	-------	-------	-------

- គណនាបំនួនមូល HNO₃

$$\text{តាម } n_{\text{HNO}_3} = C \times V$$

$$\text{ដោយ } C = 3\text{M}, V = 100\text{mL} = 0.1\text{L}$$

$$\Rightarrow n_{\text{HNO}_3} = 3 \times 0.1 = 0.3 \text{ mol}$$

- រកចំនួនមូល Mg(NO₃)₂

តាមសមីការ

$$n_{\text{Mg}(\text{NO}_3)_2} = \frac{1}{2} \times n_{\text{HNO}_3} \\ = \frac{1}{2} \times 0.3 = 0.15 \text{ mol}$$

- ម៉ាស Mg(NO₃)₂ ដែលទទួលបាន

$$\text{តាម } m = M \times n$$

$$\text{ដោយ } M = 24 + 12 \times 2 + 16 \times 6 = 148 \text{ g/mol}$$

$$n = 0.15 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow m_{\text{Mg}(\text{NO}_3)_2} = 148 \times 0.15 = 22.2 \text{ g}$$

$$m_{\text{Mg}(\text{NO}_3)_2} = 22.2 \text{ g ។}$$

ឬ. មានស្ថឹកអូយូសែនដែលកាយចេញ

- រកចំនួនមូល H₂

តាមសមីការ

$$n_{\text{H}_2} = \frac{1}{2} \times n_{\text{HNO}_3} \\ = \frac{1}{2} \times 0.3 = 0.15 \text{ mol}$$

- មានស្ថឹក H₂

$$\text{តាម } V_{\text{H}_2} = V_m \times n$$

$$\text{ដោយ } V_m = 22.4 \text{ L/mol}, n = 0.15 \text{ mol}$$

$$\Rightarrow V_{\text{H}_2} = 22.4 \times 0.15$$

$$V_{\text{H}_2} = 3.36 \text{ L ។}$$

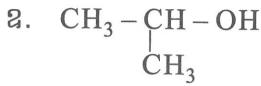
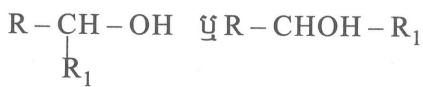
IV. សរសេទ្រម្រង់សមាសធាតុខាងក្រោម ត្រមទាំង

លើកខាងក្រោមនៃការបញ្ចប់ផ្ទាត់

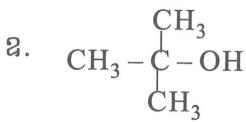
៩. អាលុកុលម្មាត់ទី I ៖



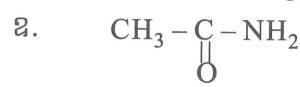
អាលុកលម្អាក់ទី II :



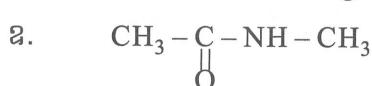
អាលុកលម្អាក់ទី III : $\text{R}-\underset{\text{R}_1}{\text{C}}(\text{R}_2)-\text{OH} \quad \text{ឬ} \quad \text{R}-\underset{\text{R}_1}{\text{COH}}(\text{R}_2)$



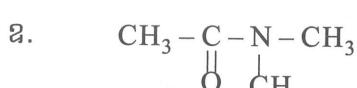
b. អាមិតម្អាក់ទី I $\text{R}-\underset{\text{O}}{\text{C}}-\text{NH}_2 \quad \text{ឬ} \quad \text{R}-\text{CONH}_2$



អាមិតម្អាក់ទី II : $\text{R}-\underset{\text{O}}{\text{C}}-\text{NH}-\text{R}_1$



អាមិតម្អាក់ទី III : $\text{R}-\underset{\text{O}}{\text{C}}-\underset{\text{R}_2}{\text{N}}-\text{R}_1$



c. អេស៊ូ $\text{R}-\underset{\text{O}}{\text{C}}-\text{O}-\text{R}' \quad \text{ឬ} \quad \text{R}-\text{COO}-\text{R}'$



V. គណនោមាសក្រាមស្ថិត

សមិករបៀបបង្កើតមួយចំណែក



តាម $m = n \times M$

$$M(\text{NaOH}) = 23 + 16 + 1$$

$$= 40 \text{ g/mol}$$

• របៀបទី១

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = 10^{-\text{pH}} = 10^{-10} \text{ M}$$

$$\text{តាម: } [\text{OH}^-] = \frac{\text{Kw}}{[\text{H}_3\text{O}^+]}$$

$$= \frac{1 \times 10^{-14}}{10^{-10}} = 10^{-4} \text{ M}$$

$$\text{តើ } [\text{OH}^-] = \frac{n(\text{OH}^-)}{V_s}$$

$$V_s = 546 \text{ mL} = 0.546 \text{ L}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow n_{\text{OH}^-} &= [\text{OH}^-] \times V_s \\ &= 10^{-4} \times 0.546 \end{aligned}$$

$$= 546 \times 10^{-7} \text{ mol}$$

តាមសមិការ

$$n_{\text{NaOH}} = n_{\text{OH}^-} = 546 \times 10^{-7} \text{ mol}$$

$$\text{ជូន្យេះម៉ាស } \text{NaOH} = 546 \times 10^{-7} \times 40$$

$$= 21.84 \times 10^{-4} \text{ g } \text{mol}^{-1}$$

• របៀបទី២

$$\text{pH} + \text{pOH} = 14 \Rightarrow \text{pOH} = 14 - \text{pH}$$

$$= 14 - 10 = 4$$

$$[\text{OH}^-] = 10^{-\text{pOH}}$$

$$= 10^{-4} \text{ M}$$

$$\text{តើ } n_{\text{OH}^-} = [\text{OH}^-] \times V_s$$

$$V_s = 546 \text{ mL} = 0.546 \text{ L}$$

$$n_{\text{OH}^-} = 10^{-4} \times 0.546$$

$$= 546 \times 10^{-7} \text{ mol}$$

$$\begin{aligned} \text{តាមសមិការ } n_{\text{NaOH}} &= n_{\text{OH}^-} \\ &= 546 \times 10^{-7} \text{ mol} \end{aligned}$$

$$\text{ជូន្យេះម៉ាស } \text{NaOH} = 546 \times 10^{-7} \times 40$$

$$= 21.84 \times 10^{-4} \text{ g } \text{mol}^{-1}$$

• របៀបទី៣

NaOH ជាមួយណាតាសខ្លាំងមាន

$$C_B = [OH^-]$$

$$[OH^-] = 10^{pH - 14} = 10^{10 - 14}$$

$$= 10^{-4} M$$

$$C_B = \frac{n_{NaOH}}{V_S} \Rightarrow n_{NaOH} = C_B \times V_S$$

$$n_{NaOH} = 10^{-4} \times 0.546$$

$$m_{NaOH} = 40 \times 10^{-4} \times 0.546$$

$$m_{NaOH} = 21.84 \times 10^{-4} g$$

វក $[H_3O^+]$ និង $[OH^-]$ ត្រូវសម្រួលយស្ថាប់
សម្រាប់តាងប្រព័ន្ធឌុំ



តាមសម្រាប់

$$n_{H_3O^+} = n_{HNO_3} = 0.200 mol$$

$$\text{តាម } [H_3O^+] = \frac{n_{H_3O^+}}{V_S}$$

$$\text{ដោយ } V_S = 250 mL = 0.25 L$$

$$\Rightarrow [H_3O^+] = \frac{0.2}{0.25}$$

$$[H_3O^+] = 0.8 M$$

$$\text{តាម } [OH^-] = \frac{Kw}{[H_3O^+]}$$

$$= \frac{1 \times 10^{-14}}{0.8}$$

$$[OH^-] = 1.25 \times 10^{-14} M$$

• របៀបទី៤

HNO₃ ជាមួយណាមាសុំត្រូវខ្លាំងមាន

$$C_A = [H_3O^+]$$

$$C_A = \frac{n_{HNO_3}}{V_S}$$

$$\text{ដោយ } V_S = 250 mL = 0.25 L$$

$$n_{HNO_3} = 0.2 mol$$

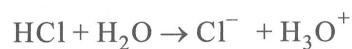
$$\Rightarrow [H_3O^+] = C_A = \frac{0.2}{0.25} = 0.8 M$$

$$\text{តាម } [OH^-] = \frac{Kw}{[H_3O^+]}$$

$$= \frac{1 \times 10^{-14}}{0.8} = 1.25 \times 10^{-14} M$$

៣. តាមនា pH របស់សម្រួលយស្ថាប់

សម្រាប់ការប្រព័ន្ធឌុំ



$$n_{HCl} = \frac{m_{HCl}}{M}$$

$$M_{HCl} = 1 + 35.5 = 36.5 g/mol$$

$$\Rightarrow n_{HCl} = \frac{18.4}{36.5} = 0.5 mol$$

តាមសម្រាប់

$$n_{H_3O^+} = n_{HCl} = 0.5 mol$$

$$[H_3O^+] = \frac{n_{H_3O^+}}{V_S}$$

$$\text{ដោយ } V_S = 662 mL = 0.662 L$$

$$\Rightarrow [H_3O^+] = \frac{0.5}{0.662} = 0.75 M$$

$$= 7.5 \times 10^{-1} M$$

$$\text{តាម } pH = -\log[H_3O^+]$$

$$= -\log(7.5 \times 10^{-1})$$

$$= -(\log 7.5 + \log 10^{-1})$$

$$= -0.88 + 1$$

$$\text{pH} = 0.12 \text{ ។}$$

• របៀបទី២

គណនា C_A នៃសុលុយស្បែង HCl

$$C_A = \frac{n_{\text{HCl}}}{V_S} ; V_S = 0.662 \text{ L}$$

$$n_{\text{HCl}} = \frac{m_{\text{HCl}}}{M} ; m_{\text{HCl}} = 18.4 \text{ g}$$

$$M_{\text{HCl}} = 36.5 \text{ g/mol}$$

$$n_{\text{HCl}} = \frac{18.4}{36.5} = 0.5 \text{ mol}$$

$$C_A = \frac{0.5}{0.662} = 0.75 = 7.5 \times 10^{-1} \text{ M}$$

HCl ដាច់ណាមាសីតខ្សោះ គេបាន

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = C_A = 7.5 \times 10^{-1} \text{ M}$$

$$\text{តាម pH} = -\log[\text{H}_3\text{O}^+]$$

$$= -\log(7.5 \times 10^{-1})$$

$$= -0.88 + 1$$

$$\text{ដូច្នេះ pH} = 0.12 \text{ ។}$$

ଶ୍ରୀମଦ୍ଭଗବତ

- I. តើនៅក្នុងស្ថិកមានប្រពាប់ដីខ្លះ៖ ? តើប្រពាប់នីមួយៗមានតូទាសទីដូចមួចខ្លះ៖ ?
 - II. ហេតុអ្នគុណនានាគារតិន្នន័យមានអង់សីមជាប្រឈមទៅអីនិងដែលមានសកម្មភាពខ្លះដោយ ?
 - III. ថ្វូរប្រព័លពេញប្រព័ន្ធប្រសាណសត្ថតត្តិភីងកង និងប្រព័ន្ធប្រសាណសត្ថិភីងកង។
 - IV. តើវិសុកមួយសេនទិចដូរយដល់រក្សាបាតិដូចមួចខ្លះ៖ ?
 - V. ក្រោយពេលដំឡើងទេហីយ ហេតុអ្នគុណនានាមួយលេតុល ADN កូនទាំងពីរដូចត្សាបេះបិទទៅនឹងមួយលេតុល ADN មេ ?
 - VI. ហេតុអ្នគុណនានាមួយនៃត្រាចត់កោសិកាបាលដោ ?
 - VII. មួយលេតុល ADN មួយមាននុយត្រូវអីតិចប្រកែទ $C = 180\ 000$ ដែលមានសមាមាត្រ 30 % នៃនុយត្រូវអីតិចទាំងអស់។
 ១. រកភាពរយនៃនុយត្រូវអីតិចប្រកែទនីមួយ។
 ២. រកប្រធែនមួយលេតុល ADN គិតជាមីក្រិម៉ែត្រ (μm)។
 ៣. រកចំនួនសម្បនុអីដ្ឋីសែនសុបរបស់មួយលេតុល ADN។
 - VIII. សែនមួយមានប្រឈង 680nm ។ សែននេះកំណត់សំយោគ ARN_m មួយ ដែលមានទំនាក់ទំនងរូបនុយត្រូវអីតិច $2A - 3C = 3G - 2U$
 ១. គណនាទំនួននុយត្រូវអីតិចប្រកែទនីមួយរបស់សែននេះ។
 ២. គណនាទំនួននុយត្រូវអីតិចប្រកែទនីមួយរបស់ ARN_m បើគឺដឹងថាក្នុងមួយលេតុល ARN_m នេះមានផលដករាង A និង $U = 600$ ហើយផលដករាង C និង $G = 400$ ។

କିମ୍ବା

- I. នៅក្នុងស្តីកមានប្រទាប់ អេតិខិមលើ ក្រោមប្រទាប់ ចាត់លើសាត ប្រទាប់សោធា ប្រទាប់នីមួយា មាននាទី៖

 - ប្រទាប់អេតិខិមលើនិងក្រោម មាននាទីការពារស្តីករូបជាតិ និងមានស្តីការពារស្តីករូបជាតិ និងទីក្រុង
 - ប្រទាប់ចាត់លើសាតមានភ្លឹងភ្លាស ដែលផ្តល់ក្នុងភ្លឹងភ្លាសប្រចាំថ្ងៃ ដែលមិនមែនប្រចាំថ្ងៃទៀត។
 - ប្រទាប់សោធមានសវត្ថិស្តីដែលផ្តល់ក្នុងភ្លឹងភ្លាសប្រចាំថ្ងៃ ដែលមិនមែនប្រចាំថ្ងៃទៀត។

II. អង់សុធម៌ប្រឈប់គឺនឹងដែលមានសកម្មភាពខ្សោយឆ្លងឆ្នាំ ក្រោម អង់សុធម៌ប្រឈប់គឺនឹងដែលមិនមែនប្រចាំថ្ងៃទៀត។ ក្នុងក្រោម អង់សុធម៌ប្រឈប់គឺនឹងដែលមិនមែនប្រចាំថ្ងៃទៀត។

III. ប្រែបង់ប្រែបង់ប្រែបង់ប្រែបង់ សត្វតែតិច និងសត្វតែតិច សត្វតែតិច និងសត្វតែតិច

 - **លក្ខណៈជូច**
 - មានប្រព័ន្ធប្រសាធារណៈ
 - ទទួលបាននិងផ្តើមយកបាទ់និងបាននិងបាទ់
 - **លក្ខណៈខុស**
 - សត្វតែតិច និងសត្វតែតិច

VIII. ៩. គណនាចំនួននូយក្រឹតិមួយរបស់សេន

$$\text{បម្រាប់ } l \text{ សេន} = 680\text{nm}$$

$$2A - 3C = 3G - 2U$$

$$A - U = 600 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

$$C - G = 400 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

ដោយសេនជាប្រភាក់ទេរីយ៉ាពីនូយក្រឹតិមួយទៅ
នូយក្រឹតិមួយមានប្រវែង 0.34nm

$$\Rightarrow l = \frac{M}{2} \times 0.34\text{nm}$$

$$\Rightarrow \frac{2l}{0.34\text{nm}} = \frac{2 \times 680\text{nm}}{0.34\text{nm}}$$

$$= 4000 \text{ នូយក្រឹតិក}$$

$$\text{ដោយ } 2A - 3C = 3G - 2U$$

$$\Rightarrow 2A + 2U = 3G + 3C$$

$$2(A + U) = 3(G + C)$$

តាមគោលការណ៍ចម្លងក្រោម

$$A \text{ សេន} = T \text{ សេន} = (A + U)_{ARN_m}$$

$$C \text{ សេន} = G \text{ សេន} = (C + G)_{ARN_m}$$

$$\Rightarrow 2(A + U) = 3(C + G)$$

$$2A \text{ សេន} = 3C \text{ សេន}$$

តាមគោលការបំបែកបាត់

$$A - T, C - G \Rightarrow A = T, C = G$$

$$M = A + T + C + G$$

$$= 2A + 2C$$

$$M = 3C + 2C = 5C$$

$$\Rightarrow C \text{ សេន} = \frac{M}{5} = \frac{4000}{5} = 800 \text{ នូយក្រឹតិក}$$

$$\Rightarrow A \text{ សេន} = \frac{M}{2} - C \text{ សេន}$$

$$= \frac{4000}{2} - 800 = 1200 \text{ នូយក្រឹតិក}$$

ដូចនេះ នូយក្រឹតិកប្រភេទនីមួយៗមាន

$$\boxed{\begin{aligned} A &= T = 1200 \text{ នូយក្រឹតិក} \\ C &= G = 800 \text{ នូយក្រឹតិក} \end{aligned}}$$

៨. គណនានូយក្រឹតិកប្រភេទនីមួយៗ ARN_m

$$\text{ដោយ } A - U = 600 \text{ នូយក្រឹតិក} \quad (1)$$

$$C - G = 400 \text{ នូយក្រឹតិក} \quad (2)$$

$$\text{ហើយ } A + U = 1200 \text{ នូយក្រឹតិក} \quad (3)$$

$$C + G = 800 \text{ នូយក្រឹតិក} \quad (4)$$

តាម (1) និង (3) យើងបាន

$$A - U = 600$$

$$\begin{aligned} A + U &= 1200 \\ 2A &= 1800 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1800}{2} = 900 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

$$U = 1200 - A = 1200 - 900$$

$$U = 300 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

តាម (2) និង (4) យើងបាន

$$C - G = 400$$

$$\begin{aligned} C + G &= 800 \\ 2C &= 1200 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow C = \frac{1200}{2} = \frac{1200}{2}$$

$$C = 600 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

$$G = 800 - C = 800 - 600 = 200$$

$$G = 200 \text{ រឹបុន្ណយក្រឹតិក}$$

ដូចនេះ ARN_m មាន៖

$$\boxed{\begin{aligned} A &= 900 \text{ រឹបុន្ណយ} & C &= 600 \text{ រឹបុន្ណយ} \\ U &= 300 \text{ រឹបុន្ណយ} & G &= 200 \text{ រឹបុន្ណយ} \end{aligned}}$$

ព្រមទាំងក្រុមប្រជាធិបតេយ្យនឹងការរំលែកដោយសារតម្លៃ
សម្រាប់ប្រជាធិបតេយ្យខាងក្រោម: ២២ សៀមរាប ២០១៦
ទៅក្នុងក្រុមប្រជាធិបតេយ្យ (ក្រុមប្រជាធិបតេយ្យនាមីលី)
និងក្រុមប្រជាធិបតេយ្យខាងក្រោម: ៦០នាទី នាក់ ពិភូ ៥០

- I. អ្នកប្រាជុំខ្លួនឈ្មោះអ្វីដែលបានរៀបចំថែនានក្រោមខ្លួរ?
 - II. តើភាពាណរាបាលបាតកំងពីឆ្នាំ១៩៦៣ចាប់ឆ្នាំ១៩៨៣មានចំណាចវិធាននិងអវិធានអើខ្លះសម្រាប់កម្ពុជា?
 - III. ចូរពណ៌នាតីសមិទ្ធផលសង្គមរាជ្យនិយមពីឆ្នាំ១៩៨៤ចាប់ឆ្នាំ១៩៨៧
 - IV. ចូរពណ៌នាតីមូលហេគ្រុដែលធ្វើឱ្យស្រាមសុវត្ថិភាព: ឡើងពីឆ្នាំ១៩៨០ ដល់ឆ្នាំ១៩៨៤។
 - V. តើស្រាមពីឆ្នាំ១៩៨០ ដល់ឆ្នាំ១៩៨៤មានផលវិញ្ញាកអីខ្លះសម្រាប់កម្ពុជា?

កំណែប្រពន្ធផ្លាស

- I. សម្រេចសង្ឃឹម ជូន ណាត់។
 - II. ចំណុចវិធីដែលនឹងអវិធីមានសម្រាប់ប្រទេសកម្ពុជា
ក្រោមរាយណាត់ពាល់ពាក់រាជការ។

62

- បាកំងដ្ឋូយការពារទឹកដីពុជសាសន៍ខ្មែរគួរតាមដៃល្ងាច
 - បាកំងបានធ្វើឱ្យខ្មែរចាកចុនិតិការណ៍នានា
បស់យុទ្ធនិងសៀវភៅ
 - បង្កើតសាលាបុរីប្រពេទស សិក្សាព្យារ៉ាប្រារ
និងចងក្រងដីអវិយជម្រើស ប្រភើតិសាស្ត្រខ្មែរទុកដាយ
ប្រយោជន៍ដល់ក្នុងខ្មែរដំនាន់ប្រាយ
 - បាកំងដ្ឋូយការពារទឹកដីពុជបាល សង្គម សេដ្ឋកិច្ចខ្មែរ
 - ដ្ឋូយកសាធារណៈប្រជាជាតិ មន្ទីរពេទ្យ ស្ថាន ផ្លូវជូន
 - បាកំងដ្ឋូយការពារទឹកដីពុជប្រាសាទបុរាណខ្មែរ
និងកសាធារណៈប្រជាជាតិ ដើម្បីថែរក្សារក្សុបុរាណ
 - ឆ្នាំ១៩០៥ បាកំងបានទាមទារយកខេត្តកោះកុងម្បូ
ព្រៃ ទន្លេរបៀប ស្រើដែក្បែងក្រុងមកខ្មែរខ្លួន

- ផ្លូវទេស បាកំងមាយទារយកខេត្តសៀមរាប បានដែលសិរីសោកសារមកឱ្យខ្សោយ

- នឹងចំណាត់ផ្លូវដែល

- មិនត្រូវតែបានកំងលុបបំបាត់របបទាសភាព តែបានកំងឡើងខ្លួនការងារតែប្រើប្រាស់ដោយបានកំងបានឡើងការដឹងជាន់ឡើងប្រព័ន្ធប្រមូលទន្លេយ៉ាងច្បាស់ពីខ្លួន
 - បានកំងកៅណ្ឌាទូខ្លួនខ្លួនទៅដឹងច្បាស់ស្ថាប់ជូនសប្តាហានកំងក្នុងសមរក្តិមិសជ្រាមលោកទាំងពីរ
 - បានកំងបានប្រមូលយកកៅតនកៅណ្ឌាទូខ្លួនទៅប្រើប្រាស់ក្នុងការងារ
 - បានកំងបានកាត់ទីកដឹងខ្លួនខ្លួនសៀវភៅមនិងយុទ្ធម៌ប្រចាំគីឡូតិ៍

III. ពណ៌នាតីសមិទ្ធផលសង្គមកស្សនិយម :

៩. និស់យនយោបាយ

- អនុវត្តនយោបាយអព្យាប្រើប្រាស់ ដើម្បីកម្លាំងបានប្រើប្រាស់សម្រាករបស់រយៈពេល ១៥ឆ្នាំ (១៩៨៤-១៩៧០) ស្របពេលដែលប្រើប្រាស់ជិតខាងកំពុងគេងប្រឹងប្រុទេ:

- កម្មបាថ្ញលបាសមានឱកអន្តោករសហប្រជាតិ ១៤ ១៩៥៥

- ដោតជីយក្នុងរដ្ឋបាលក្នុងប្រាសាទប្រាសាទប្រែវិហារ (១៥ មិថុនា ១៩៦២)

២. វិស័យកសិកម្ម

- ផលិតផលប្រុយ កប្បាស ការចិត្តមសត្វ ការនេវសាចមានការកែនឡើង (ព្រៃកដ្ឋានដំណឺ៖ នយោ បាយទីក ការរៀបចំសេវាទូទុក ...)

៣. វិស័យជស្សាបាកម្ពុ

- កំណើនរាងចក្រសហគ្រាសដូចជា : រាងចក្រក្រដាស រាយនកណ្តាល កែវ សីមិងតែ តារបន្ទះ ត្រាក់ទៅ ស្រាយៗ បានក្រឡើ រាងចក្រកំណើន ...

៥. វិស័យគមនាគម

- កសាងផ្លូវបែងចេញ ដើម្បីរួមចិត្តនឹង ស្ថាន កំពង់ដែល អាកាសយាយនៅទាំង ...

៥. វិស័យពាណិជ្ជកម្ម

- មានការរៀបចំផ្លើនដូកពាណិជ្ជកម្មទាំងក្នុងនីងក្រោមប្រជាធិបតេយ្យ

៦. ផនាគារ

- ប្រាក់រៀលត្សាយជាបីយគ្រូជាតិនិងមានការពើន
ឡើងនូវធានាគារដ្ឋាននិងកជន

ព. វិស័យរប្បធម៌

- បង្កើតសាលាគ្រោះនឹងជាបន្ទូចជាសាលាមេដ្ឋាយ ខត្តមសិក្សា
 - គ្របង្រៀនមានការកែវនឡើងនិងបង្កើតអន្តរកសិក្សាន

- កីឡាអានការកសាងពហុកីឡាដែនពីទីក្រុងដល់ជនបទ
 - សាសនា គត់អាកមកេនទ្វីង បងើតសាលាតុខិត្យបមសិក្សាបានពីកម្មហានិភ័យ

៨. និស្សយសជ្នូមកិច្ច

- សុខភាពលមានការកសាងមន្ទីរពេទ្យជាបច្ចុប្បន្ន
 - បង្កើតឡាយប់បាបច្ចុប្បន្ន ផ្តល់សិទ្ធិឱ្យស្ថិតិ៍បាន៖ ដ្ឋាន

(០៦ មករា ១៩៨៨)

 - និងចំណុចអេង្គទេតា

IV. មូលហេតុធ្វើឱ្យមានស្ថាមសិលផ្ទៃដែនក្រោម
កម្ពុជា ១៩៧០-១៩៧៥

V. ផលវិបាកនៃសង្គម ១៩៧០-១៩៧៥

១. ផលវិធាកខាងសង្គម

- ស្រាវជនសម្បាប់ដីតមនុស្សជាជម្លោន
នាក់

- បន្ទូលចុកនូវស្តីមេមាយ ត្រួតពិនិត្យការងារ

- ប្រធានកែសម្រួលពីដនបទចូលមកទីក្រុងសំដាយនៃទុក្ខជន

- អំពើពុករស្សយ ភាពអយុត្តិធ័រ ននាដីបគេយ្យ

- បំផ្តាញធនធានមនុស្ស ត្រី៖ស្ថានសិក្សា ... គត់

៤. ផលវិធាកាតងសេដ្ឋកិច្ច

- ដីផ្លូវការត្រូវបានបង់ចោល ត្រាយជាមុនមីន
 - ណែនាំបែក
 - ពេងចក្ខសហគ្រាស ៧៥% ត្រូវបែងចែកបំផ្តាច្បាស
 - ចម្ងារកែស្វែងរកបង់ចោល

- ផ្លូវចុះលំ ស្ថានពី ៣០% - ៥០% ត្រូវអនុញ្ញាត
- សេដ្ឋកិច្ចធាតិត្រូវឆ្លាក់ចុះ

៣. វិស័យនយោបាយ

- ប្រធែសង្គមធាតិត្រូវបាត់បង់កិត្តិយស កេរីណ៍ឈ្មោះ

កិត្តិរានុភាពលើភាកអនុរោង

- អស្សុវកាទនយោបាយដោយសង្គមសិរីលបាន

បង្កើតនាសសកម្មលើគ្រប់វិស័យ

- ផ្តល់ឱកាសឱ្យពួកខ្លួនប្រហាមឡើងការអំណែង

ដែលបាននាំកម្មងារទៅក្នុងរបបអនុកាលនៃអំពើប្រល័យ

ពួកសាសនា

- និងចំណុចឡើងឡើតា

ប្រចាំខែកញ្ចប់
សម្រាប់ប្រឡង ២៨ សៀមរាប ឆ្នាំ២០១៩
ទំនាក់ទំនង: ប្រព័ន្ធទូរគេល (ថ្វាគ់ទេសចរណ៍)
ទម្រង់: ៦០ នាទី ពិន្ទុ ៥០

ប្រចាំខែ

I. compréhension écrite

Complétez les mots “copine, coquillage, parents, montagne, mer” dans le texte.

Pendant les vacances, avec mes , on allait toujours au bord de la , en Bretagne. Là-bas, je retrouvais ma Alice. Le matin, on ramassait des et l’après-midi, quand l’eau était plus chaude, on se baignait. On était toujours ensemble. Maintenant, mes parents vont à la mais moi, je vais chez Alice.

II. Vocabulaire

Soulignez les intrus.

Exemple:	père	frère	sœur	<u>mer</u>	mère
1.	chemise	veste	chemin		chemisier
robe					
2.	rose	verre	noir	bleu	vert
3.	boulanger	essayer	adorer	aimer	coûter
4.	bras	ventre	langue	genou	
thermomètre					
5.	pharmacie	mairie	boucherie		boulangerie
librairie					
6.	tête	fièvre	main	jambe	bouche
7.	durian	orange	coco	mangue	poisson

III. Grammaire

A. Refaites des phrases en utilisant “sans” selon l'exemple.

Exemple: Il va au lycée. Il n'a pas d'argent. → Il va au lycée **sans** argent.

1. Visal lit le texte. Il ne comprend rien.
2. Ecoutez! Ne répétez pas!
3. Mon frère passe le bac. Il n'a pas de documents.
4. Madame Dany regarde les marchandises. Elle n'achète rien.

B. Utilisez les doubles négations “...ne ... ni...ni” ou “...ni...ni...ne”.

Exemple: Cette élève ne lit pas de brouillons, elle ne lit pas de corrigé.

→ Cette élève ne lit ni brouillons ni corrigé.

1. Le professeur n'aime pas les retardataires, il n'aime pas les paresseux.
2. Il ne sait pas expliquer, il ne sait pas discuter.
3. Paul n'est pas timide, Marie n'est pas timide.
4. Ma sœur ne boit pas de bière, elle ne boit pas de vin.

IV. Expression écrite

Après avoir fini vos études, quel métier préférez-vous? Pourquoi? Donnez vos raisons en écrivant un texte de 80 mots.

សំណើភាសាព្យាហំណោះស្រាយ

I. Compréhension écrite

- parents
- mer
- copine
- coquillages
- montagne

II. Vocabulaire

1. chemin
2. verre
3. boulanger
4. thermomètre
5. mairie
6. fièvre
7. poisson

III. Grammaire

A.

1. Visal lit le texte sans rien comprendre.
2. Ecoutez sans répéter!
3. Mon frère passe le bac sans documents.
4. Madame Dany regarde les marchandises sans rien acheter.

B.

1. Le professeur n'aime ni les retardataires ni les paresseux.
2. Il ne sait ni expliquer ni discuter.
3. Ni Paul ni Marie ne sont timides.
4. Ma sœur ne boit ni bière ni vin.

IV. Expression écrite

- Respect de la consigne
- Vocabulaire
- Grammaire
- Richesse des idées
- Cohérence

ପ୍ରଦୟନ୍ତରାତ୍ରୀ ପ୍ରତିଷ୍ଠାନ ପାଇଁ ଏହା କମିଶନ କରିବାର ପାଇଁ ଏହା କମିଶନ କରିବାର ପାଇଁ
ପାଇଁ ଏହା କମିଶନ କରିବାର ପାଇଁ ଏହା କମିଶନ କରିବାର ପାଇଁ

ପ୍ରକାଶନ

I. Reading.

Read the text and fill the gaps with the words in the box.
Gap one has been done as an example.

practicing	raincoat	change	be able
offered	nothing	(1)tennis	soaked
relaxed	foget	drink	

A friend in the rain

Last week I was walking home after playing (1)...tennis... when it started raining very heavily. 'Oh no, I will get (2) before I reach home, I thought. 'I wish I had remembered to bring my (3)' But unfortunately I had left it at home. 'How stupid of me! I always (4) to bring it with me.' Luckily just then a friend of mine passed in his car and (5) me a lift. 'Are you going home?' he asked 'or do you want to go for a (6) ?' 'I think I'd rather you took me home,' I said. If I don't (7) my clothes, I know I will fall ill, and then I won't (8) to play in the tennis tournament next week. And I have been (9) hard for the last month.' 'I will wait for you to change if you like,' he told me. 'I think it's time you (10) for a change. You have been worrying too much about things lately. And people who worry too much fall ill more easily. It's got (11) to do with the rain!

II. Grammar-

There are four answers after each statement. Only one answer is correct. Choose the correct letter a, b, c, or d. The first one was done as an example for you.

Example: We haven't got ...d... money to buy a new car yet.

4. What you do if you won a lot of money?
a- will b- must
c- would d- have

4. She was cleaning her teeth when the phone
a- was going to ring b- was ringing
c- rang d- ring

III. Vocabulary.

There are four answers after each statement. Only one answer is correct. Choose the correct a, b, c, or d. The first one was done as an example for you.

Example: On Sunday the children have swimming lessons at the swimmingd..... .

IV. Writing.

Write an essay “ life in the countryside” at least 80 words.

កំណើនការសាមគត្តិភី

I. Reading.

1. tennis	2. soaked	3. raincoat
4. forget	5. offered	6. drink
7. change	8. be able	9. practicing
10. relaxed	11. nothing	

II. Grammar:

- 1- b - going 2 - d have 3 - c was solved
4- c - would 5 - c range

III. Vocabulary

- 1- d leave 2 - a complaint 3 - d delight
4 - b enroll 5 - a bring up

IV. Writing.

1. Content
 2. Grammar
 3. Spelling