



ព្រះរាជាណាចក្រកម្ពុជា  
ជាតិ សាសនា ព្រះមហាក្សត្រ

ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡា

# ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡា

ក្រសួងប៊ែន យុទ្ធភន និងកីឡានឹងក្រុមការងារ

ប្រធានកីឡាអាមេរី

លេខ ២០១៩

**ប្រជុំនៃក្រុមប្រជុំសង្គមសិក្សាទុតយក្សមិ  
សម្រេចប្រជុំទៅ: ០៤ សីហា ២០១៨  
អគ្គនាយកដ្ឋាន: អគ្គនាយកដ្ឋាន (ផ្ទះអគ្គនាយកដ្ឋាន) ឬ ផ្ទះអគ្គនាយកដ្ឋាន (ផ្ទះអគ្គនាយកដ្ឋាន) ឬ ផ្ទះអគ្គនាយកដ្ឋាន (ផ្ទះអគ្គនាយកដ្ឋាន)**

## ប្រជាន់

មានទស្សន៍មួយចំងារ៖ “ អគ្គនាយកដ្ឋាន គឺជាកញ្ចប់សង្គម ” ។ ចូលរួមទីការបកប្រាផ្ទៃទស្សន៍ នៅពេលរកឃទ្ធភាពក្នុងអគ្គនាយកដ្ឋាន មកបញ្ជាក់។

## តម្លៃប្រជាន់

### I. សេចក្តីផ្តើម

- លំនៅបញ្ចប់ និយាយឱ្យទាក់ទងនឹងប្រជាន់បទ
- ចំណាយបញ្ចប់តំនិតប្រជាន់
- ចំណោទ(ចោរតាមបែបទន្យល់)៖ តើតាំងនៅលើមានអត្ថន៍យុទ្ធមេច?

### II. តូលេចក្តី

#### ១. យុទ្ធមេច

#### ២. ពន្យល់ពាក្យ

- អគ្គនាយកដ្ឋាន គឺជាកម្មង់អត្ថបទដែលបានប្រមូលចំងក្រងទូទៅដើម្បី ប្រើប្រាស់ការណែនាំដែលបានកែត្រាមការឡើងនៅក្នុងសង្គមប្រកបទទៅដោយសិល្បៈវិធី។
- កញ្ចប់សម្រាប់ផ្ទះសង្គម៖ ការធ្វើឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម។

#### ៣. ពន្យល់នីយ

មគ្គិរបស់ប្រជាន់បញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានដើម្បី នៅអត្ថបទទាំងទូរាយដែលបានលើកយកមកបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គមនៅក្នុងសង្គម។

### ៤. បំណាកប្រាយ

បំណាកប្រាយ៖ “ អគ្គនាយកដ្ឋានកញ្ចប់ផ្ទះបញ្ចប់សង្គម ” ជូនជាបានបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម ។

- របបគ្រប់គ្រងសង្គមតាមសម្រេចបាននឹមួយា (បញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម)
- ជីវាពរស់នៅរបស់ប្រជាន់នៅក្នុងសង្គម ...
- ជំនួយសាសនា ទំនៀមទម្រង់ប្រព័ន្ធដូចជាការសេវាទំនួយសាសនា
- ទីតាំងក្នុងបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម
- សកម្មភាពនៃការតស្សីប្រជាមុននឹងខ្លះជស្អាត់ស្រួលដើម្បី តាមទារសិទ្ធិសេវាទំនួយសាសនា
- សកម្មភាពរបស់បុរុយបុរស នូងការចូលរួមចំណោក កសាង ការចារ និងអភិវឌ្ឍសង្គមឱ្យមានការកិចចម្រោះ
- លើកឃទ្ធភាពក្នុងរឿងអគ្គនាយកដ្ឋាន ក.អគ្គនាយកដ្ឋានប្រជាបិយៗ

**រឿងនៃបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម** ៖ បញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម និងការចូលរួមចំណោក កសាង ការចារ និងអភិវឌ្ឍសង្គមឱ្យមានការកិចចម្រោះ បុរុយបុរស ឬការការពារទីកន្លែងស្ថិតិស្រែគីឡូរូប។

**រឿងអ្នកតារីកអ្នកតារី៖** បានបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម និងការចូលរួមចំណោក កសាង ការចារ និងអភិវឌ្ឍសង្គមឱ្យមានការកិចចម្រោះ បុរុយបុរស ឬការការពារទីកន្លែងស្ថិតិស្រែគីឡូរូប។

#### ៣. អគ្គនាយកដ្ឋានប្រជាន់

**រឿងការកិចចម្រោះ៖** បញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម និងការចូលរួមចំណោក កសាង ការចារ និងអភិវឌ្ឍសង្គមឱ្យមានការកិចចម្រោះ បុរុយបុរស ឬការការពារទីកន្លែងស្ថិតិស្រែគីឡូរូប។

**រឿងទីទាំងទី២៖** បានបញ្ចប់ឱ្យយឱ្យបានក្នុងសង្គម និងការចូលរួមចំណោក កសាង ការចារ និងអភិវឌ្ឍសង្គមឱ្យមានការកិចចម្រោះ បុរុយបុរស ឬការការពារទីកន្លែងស្ថិតិស្រែគីឡូរូប។

- **សង្គមគ្រូសារ** : មេគ្រូសារអនុគត់ទំនួលទម្រង់បានចាប់  
ចាត់គីឡូ បំបើទស្សនីសេវាទីក្នុងការងារដើម្បីសេវាទី  
ស្រស់ស្រាយ ដល់បុគ្គលិតីតារបស់ខ្លួន “ សំខិតជំជាងនាមី ”
- **សង្គមទាំងមូល** : អ្នកដែលមានអំណាចច្រើន  
សម្រាប់នឹងអំណាចយសសក្តីរួមឱ្យតែងប្រើអំណាច  
បែបសំខ្លួនក្នុងការគារបសិទ្ធតែ ការងារដែលអ្នកទទេ  
ខ្សោយ ដោយមិនទទួលទោសពេលអ្នកទីនៅ ដូចមាន  
អរដ្ឋនាជាផីមាតា “ ឥកញ្ញា អរដ្ឋនាមាំមួនពេក → ...ការ  
ចាក់កាយជាតុប្រណី ”

**ក្រឹងក្រារ៖ សំណួន** : បានបង្ហាញឱ្យយើងពីរបៀបគ្រប់  
គ្រងរបស់ព្រះបានប្រើសង្គមប្រើបានប្រកាស់របៀប  
គ្រប់គ្រងបែបលទ្ធផ្លូវប្រជាធិបតេយ្យ យកមតិរបស់ប្រជាធិបតេយ្យ  
នូវក្រសួង(បណ្តាញព្រះសំណួន) តាមសំណើរបស់បណ្តាញ  
ក្រសួង(បណ្តាញព្រះសំណួន)។

#### គ. អក្សរសិល្បៈទំនើប

**ក្រឹងក្រារ៖ សំណួន** : បានបង្ហាញពីសេចក្តីទុក្ខដែល  
ដទាហបស់ប្រជាធិបតេយ្យខ្លួន ដែលប្រើបានសំណើរបស់ស្ថិតនៅ  
ក្រោមការគ្រឹះត្រា និងការប្រើអំណាចផ្តាញចំណែករបស់ពួក  
អាណាពនិតមនិយមបានការងារប្រចាំថ្ងៃ ការងារប្រចាំសប្តាហ៍

- បានការងារបង្ហាញខ្លួនឱ្យក្រឹងក្រារបង្ហាញពីពន្លឺគ្រប់មុខសង្គម

#### ក. ក្រឹងក្រារ៖ សំណួន

**ក្រឹងក្រារ៖ សំណួន** : អ្នកនិពន្ធបានបង្ហាញពីតម្លៃការងារ  
បែបសំខ្លួនខ្លួនដែលរាយការណ៍ឱ្យបានការងារប្រចាំថ្ងៃ

**ក្រឹងក្រារ៖ សំណួន** : អ្នកនិពន្ធបានបង្ហាញពីតម្លៃការងារ  
បែបសំខ្លួនខ្លួនដែលរាយការណ៍ឱ្យបានការងារប្រចាំថ្ងៃ

#### ខ. សរុបមតិ

សរុបសេចក្តីមក ស្របប្រព័ន្ធតាមការអធិប្បាយ និង  
ខាងក្រោមផ្តល់បន្ទាន់ដែលបានបញ្ជាក់យកចុះដ្ឋានសំខាន់ការងារ

និមួយនាខាងលើ យើងអាចដឹងបានថាអក្សរសិល្បៈ តើពីតិត  
ជាកញ្ចប់សម្រាប់ផ្សេះសង្គម ខ្លួរយើងពីតិតប្រាកដមែន។

#### III. សេចក្តីបញ្ចប់

បានបញ្ចប់មកយើងអាចសន្លឹកបានថា មតិរបស់  
ប្រធានពិតជាមានតម្លៃនិងអត្ថនឹយដីល្អប្រាច់ប្រាកដ  
សម្រាប់បង្ហាញឱ្យយើងពីមុខងារ និងតម្លៃគ្រប់រួច  
អក្សរសិល្បៈខ្លួនទាំងអស់ដែលអ្នកនិពន្ធបានតាក់តែង  
មក។ ដូច្នេះ ...

(ទស្សន៍: ជ្រាល់ខ្លួនរបស់សិស្ស)។

#### IV. ចែនលាបម

អក្សរណុ ឲ្យប្រយោជន៍លូ ប្រើប្រាស់បង្ហាញពីតិតប្រាកដ  
និងអត្ថនឹយដីល្អប្រាច់ប្រាកដ។

**ប្រឡងសាធារណ៍ប្រព័ន្ធមួយសិក្សាគុណឃាតុយក្នុង**  
**សម្រេចប្រឡង: ០៤ ស៊ីហា ២០១៩**  
**អគ្គនាយក: នាងីសារុណា(ប្រធានអគ្គនាយក)**  
**រយៈពេល: ១៥០ នាទី ពីថ្ងៃ ១៧៨**

## ប្រឡង

### I. គណនាលិមិតខាងក្រោម

$$9. \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{2 \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)}{\left(\frac{\pi}{4} - x\right)}$$

$$10. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-2 \sin 5x}{\sqrt{5} - \sqrt{x+5}}$$

$$11. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 3x}{-2x^2}$$

$$12. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{|x|}$$

### II. គិតឯច្ឆនួនកំណើច $z_1 = -1 + i\sqrt{3}$ ; $z_2 = -1 - i\sqrt{3}$

$$9. \text{គណនា } z_1 + z_2; z_1 - z_2; z_1 z_2$$

១២. សរស់ចំនួនកំណើច  $z_1$  និង  $z_2$  ដាច់ប្រជុំត្រីកោណា  
មាត្រា

៣. បង្ហាញថា  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសិទ្ធភាព  $z^3 - 8 = 0$ ។

III. នៅក្នុងផ្ទុងមួយគីឡូលី 12 ដែលគេសរស់រោល  
ពី 1 ដល់ 12 គេចាប់យកចិត្តលី 3 ចំនួនប្រមូលដ្ឋាន។  
តើដែលបានប្រើបានចិត្តលី 3 នៅក្នុងចំណេះដឹងណា?

១. រកប្រុបាបដែល “គេចាប់បានចិត្តលី 3 ប៉ុណ្ណោះ”  
លើសុខុត្តិកដែកជាប់នឹង 3 ”

២. រកប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានចិត្តលី 3 តើមួយ  
គីឡូលីដែលបានប្រើបានចិត្តលី 3 ”

៣. រកប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានលេខតាម  
លំដាប់កែនជាស្តីពីនឹងចិត្តលី 3 ដែលមានផលសង្គម  $d = 3$  ”

### IV. $f$ ជាអនុគមន៍កំណត់លើ $(0; +\infty)$ ដោយ

$$f(x) = x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \text{ និង } C \text{ ក្រាបរបស់វា}$$

១. ក. រក  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

២. រក  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$

៣. ប្រាយបំភើត្រ បន្ទាត់  $\Delta$  ដែលសមិទ្ធភាព

$$y = x - 5 \text{ ជាអាសីមុន្តុតនៃខ្សោយកោង } C \text{ នៅជីត } +\infty$$

យ. កំណត់អាប់សីសនៃចំណុចប្រសព្វរវាង  $\Delta$   
និងខ្សោយកោង  $C$

៤. ក. បង្ហាញថាបានប្រើបានចិត្តលី  $x$  នៅលើ  $(0; +\infty)$

គេចាប់  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$

៥. សិក្សាផង្រាយការណ៍អនុគមន៍  $f$  ដោយដឹងថា

សមិទ្ធភាព  $g(x) = 0$  មានចំនួន  $x' = 1$  និង

$$x'' = \alpha (1 < \alpha) \quad ១$$

### V. $f$ ជាអនុគមន៍កំណត់លើ $\mathbb{R}$ ដោយ

$$f(x) = 4 - x - 2e^{-x} \quad ១ \text{ គេចាប់ដោយ } C \text{ ក្រាបរបស់វា}$$

១. ក. រក  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

២. បង្ហាញថាបន្ទាត់  $D$  មានសមិទ្ធភាព  $y = -x + 4$

ជាអាសីមុន្តុតនៃខ្សោយកោង  $C$  ។

៣. តើខ្សោយកោង  $C$  នៅលើប្រព័ន្ធបន្ទាត់  $D$  ចូរ  
បញ្ចាក់។

យ. ផ្តល់បង្ហាញថាបានប្រើបានចិត្តលី

$$x, f(x) = \frac{4e^x - xe^x - 2}{e^x}$$

៥. រក  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  (ប្រើបានចិត្តលី ឬ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$ )

៦. ក. គណនា  $f'(x)$  ។ សិក្សាផង្រាយការណ៍  $f$  ។

កំណត់តម្លៃពិតិត្តនៃអតិបរមាបស់  $f$  ។

៧.  $A$  ជាប្រព័ន្ធដែលខ្សោយកោង  $C$  ដែលមានអាប់  
សីស ០។ កំណត់សមិទ្ធភាពបន្ទាត់ប៉ះខ្សោយកោង  $C$  គ្រប់  $A$  ។

៨. បង្ហាញថាសមិទ្ធភាព  $f(x) = 0$  មានចំនួន  $\alpha$  ដែលមួយ  
គីឡូលីដែលគេចាប់បានប្រើបានចិត្តលី 3 នៅក្នុងចំណេះដឹង  $\beta$  នៅក្នុងចំណេះ  $[-1, 0]$  ។

## អំណោតនិតមជ្ឈរ

### I. គណនាលើមីត

៩.  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{2 \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)}{\left(\frac{\pi}{4} - x\right)}$  តារាង  $t = x - \frac{\pi}{4}$  នៅ៖

$$\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = -t \text{ ដោយ } x \rightarrow \frac{\pi}{4} \text{ នៅ៖ } t \rightarrow 0$$

យើងបាន

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{2 \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)}{\left(\frac{\pi}{4} - x\right)} &= 2 \lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sin t}{-t} \\ &= -2 \cdot 1 = -2 \end{aligned}$$

ផ្ទាំង:  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{2 \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)}{\left(\frac{\pi}{4} - x\right)} = -2 \quad \text{។}$

១០.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-2 \sin 5x}{\sqrt{5} - \sqrt{x+5}}$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(-2 \sin 5x)(\sqrt{5} + \sqrt{x+5})}{(\sqrt{5} - \sqrt{x+5})(\sqrt{5} + \sqrt{x+5})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(-2 \sin 5x)(\sqrt{5} + \sqrt{x+5})}{5 - (x+5)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(-2 \sin 5x)(\sqrt{5} + \sqrt{x+5})}{-x}$$

$$= 2 \lim_{x \rightarrow 0} \left[ \frac{\sin 5x}{5x} \times 5 \times (\sqrt{5} + \sqrt{x+5}) \right]$$

$$= 2 \times 5 \times (\sqrt{5} + \sqrt{5}) = 20\sqrt{5}$$

ផ្ទាំង:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-2 \sin 5x}{\sqrt{5} - \sqrt{x+5}} = 20\sqrt{5} \quad \text{។}$

១១.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 3x}{-2x^2}$

•  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 3x}{-2x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 3x}{-2x^2}$

$$= -\frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\sin 3x}{3x} \cdot 3 \right)^2$$

$$= -\frac{1}{2} \cdot 3^2 = -\frac{9}{2}$$

ផ្ទាំង:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 3x}{-2x^2} = -\frac{9}{2} \quad \text{។}$

១២.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{|x|}$

• បើ  $x \rightarrow 0^-$  នៅ៖  $|x| = -x$

$$\begin{aligned} \text{យើងបាន} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{|x|} &= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x(x-1)}{-x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^-} (1-x) \\ &= 1 - 0 = 1 \end{aligned}$$

• បើ  $x \rightarrow 0^+$  នៅ៖  $|x| = x$

$$\begin{aligned} \text{យើងបាន} \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{|x|} &= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(x-1)}{x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0^+} (x-1) \\ &= 0 - 1 = -1 \end{aligned}$$

ផ្ទាំង:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - x}{|x|} = \pm 1 \quad \text{។}$

### II. គណនា $z_1 + z_2$ ; $z_1 - z_2$ ; $z_1 z_2$

យើងមាន  $z_1 = -1 + i\sqrt{3}$  និង  $z_2 = -1 - i\sqrt{3}$

យើងបាន ៖

•  $z_1 + z_2 = (-1 + i\sqrt{3}) + (-1 - i\sqrt{3}) = -2 \quad \text{។}$

•  $z_1 - z_2 = (-1 + i\sqrt{3}) - (-1 - i\sqrt{3})$

$$= -1 + i\sqrt{3} + 1 + i\sqrt{3}$$

$$= 2\sqrt{3}i \quad \text{។}$$

•  $z_1 z_2 = (-1 + i\sqrt{3})(-1 - i\sqrt{3})$

$$= (-1)^2 + (-\sqrt{3})^2 = 4 \quad \text{។}$$

### ១២. សរសេរ $z_1$ និង $z_2$ ជាប្រជុំត្រីកោណមាត្រា

•  $z_1 = -1 + i\sqrt{3}$

$$= 2\left(-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$= 2\left(-\cos\frac{\pi}{3} - i\sin\frac{\pi}{3}\right)$$

$$= 2\left[\cos\left(\pi - \frac{\pi}{3}\right) + i\sin\cos\left(\pi - \frac{\pi}{3}\right)\right]$$

$$z_1 = 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$$

$$\begin{aligned} z_2 &= -1 - i\sqrt{3} \\ &= 2\left(-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right) \end{aligned}$$

$$= 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} - i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$$

$$z_2 = 2\left[\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right]$$

៣. បង្ហាញថា  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសរបស់សមិការ  $z^3 - 8 = 0$

$$z^3 - 8 = 0$$

### របៀបទី១

យើងមាន

$$\bullet \quad z_1 = 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$$

$$\Rightarrow z_1^3 = \left[2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)\right]^3$$

$$= 2^3 \left[\cos\left(3 \cdot \frac{2\pi}{3}\right) + i \sin\left(3 \cdot \frac{2\pi}{3}\right)\right]$$

$$= 8(\cos 2\pi + i \sin 2\pi) = 8(1 + 0i) = 8$$

$$\Rightarrow z_1^3 - 8 = 0 \quad (1)$$

$$\bullet \quad z_2 = 2\left[\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right]$$

$$\Rightarrow z_2^3 = 2^3 \left[\cos\left(-\frac{2\pi}{3}\right) + i \sin\left(-\frac{2\pi}{3}\right)\right]^3$$

$$= 2^3 \left[\cos\left(3 \cdot -\frac{2\pi}{3}\right) + i \sin\left(3 \cdot -\frac{2\pi}{3}\right)\right]$$

$$= 8[\cos(-2\pi) + i \sin(-2\pi)]$$

$$= 8(1 + 0i) = 8$$

$$\Rightarrow z_2^3 - 8 = 0 \quad (2)$$

តាម (1) និង (2) នៅឱ្យ  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសរបស់សមិការ  $z^3 - 8 = 0$

### របៀបទី២

យើងមាន  $S = z_1 + z_2 = -2$

$$P = z_1 z_2 = 4$$

តាមទីស្តីបទដៃពីនាមឱ្យ  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសរបស់សមិការ  $z^2 - Sz + P = 0$

$$z^2 + 2z + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (z-2)(z^2 + 2z + 4) = 0$$

$$\Rightarrow z^3 - 8 = 0$$

ដូច្នេះ  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសរបស់សមិការ  $z^3 - 8 = 0$

### របៀបទី៣

សមិការ  $z^3 - 8 = 0$  អាចសរសោរ  $z^3 - 2^3 = 0$

$$(z-2)(z^2 - 2z + 4) = 0$$

$$(z-2)[(z+1)^2 + 3] = 0$$

$$(z-2)[(z+1 - i\sqrt{3})(z+1 + i\sqrt{3})] = 0$$

$$(z-2)[z - (-1 + i\sqrt{3})][z - (-1 - i\sqrt{3})] = 0$$

$$(z-2)(z-z_1)(z-z_2) = 0$$

ដូច្នេះ  $z_1$  និង  $z_2$  ជាប្រសរបស់សមិការ  $z^3 - 8 = 0$

III. គេចាប់យកចិត្តលេខ 3 ក្នុងចំណេះចំណូនករណីអាណតិ៍  
លេខពី 1 ដល់ 12 នៅក្នុងចំណេះចំណូនករណីអាណតិ៍

$$n(S) = C(12, 3) = \frac{12!}{(12-3)! \cdot 3!}$$

$$= \frac{12 \times 11 \times 10}{3 \times 2 \times 1}$$

$$= 2 \times 11 \times 10 = 220$$

៩. រកប្រាប់ដែល “គេចាប់បានចិត្តលេខចាំងបីមាន  
លេខសុទ្ធឌែតចែកជាទំនើង 3 ”

តាត A បានព្រឹត្តិការណ៍ដែល “គេចាប់បានចិត្តលេខចាំង  
បីមានលេខសុទ្ធឌែតចែកជាទំនើង 3 ”

ចិត្តលេខដែលមានលេខចែកជាទំនើង 3 គឺចិត្តលេខមាន  
លេខ 3, 6, 9, 12 នៅក្នុងចំណេះចំណូនករណីប្រឈប់

$$n(A) = C(4, 3) = \frac{4!}{(4-3)! \times 3!} = 4$$

$$\text{យើងមាន } P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{4}{2 \times 11 \times 10} = \frac{1}{55}$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{1}{55}$$

ដូច្នេះ ប្រាប់ដែល “គេចាប់បានចិត្តលេខចាំងបីមាន  
លេខសុទ្ធឌែតចែកជាទំនើង 3 ” គឺ  $P(A) = \frac{1}{55}$

**៤. រកប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានបូលតិ៍មួយតែមានលេខចែកជាចំនួន ៣ ”**

តាត់ B ដោយគីតិការណ៍ដែល “គេចាប់បានមានបូលតិ៍មួយតែមានលេខចែកជាចំនួន ៣ ”

បូលដែលមានលេខចែកជាចំនួន ៣ គឺបូលដែលមានលេខ 3, 6, 9, 12 ហើយបូលដែលមានលេខចែកមិនជាចំនួន ៣ គឺបូលដែលមានលេខ 1, 2, 4, 5, 7, 8, 10, 11 នៅចំនួនករណីរាជ

$$n(B) = C(4, 1) \times C(8, 2)$$

$$= \frac{4!}{(4-1)! \times 1!} \times \frac{8!}{(8-2)! \times 2!}$$

$$= 4 \times \frac{8 \times 7}{2 \times 1} = 2 \times 8 \times 7 = 112$$

$$\text{យើងបាន } P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{2 \times 8 \times 7}{2 \times 10 \times 11} = \frac{28}{55}$$

$$P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{28}{55}$$

ផ្ទាល់ប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានបូលតិ៍មួយតែមានលេខចែកជាចំនួន ៣ ” តើ  $P(B) = \frac{28}{55}$

**៥. រកប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានលេខតាមលំដាប់កែនការ ស្មើគន្លឹន ដែលមានផលសង្ឃឹម  $d = 3$  ”**

តាត់ C ដោយគីតិការណ៍ដែល “គេចាប់បានមានលេខតាមលំដាប់កែនការ ស្មើគន្លឹន ដែលមានផលសង្ឃឹម  $d = 3$  ” នៅចំនួនករណី ស្ថិតិ C = {(1, 4, 7); (2, 5, 8); (3, 6, 9); (4, 7, 10); (5, 8, 11); (6, 9, 12)} នៅចំនួនករណី ស្ថិតិ C = 6 យើងបាន

$$P(C) = \frac{n(C)}{n(S)} = \frac{6}{220} = \frac{3}{110}$$

ផ្ទាល់ប្រុបាបដែល “គេចាប់បានមានលេខតាមលំដាប់កែនការ ស្មើគន្លឹន ដែលមានផលសង្ឃឹម  $d = 3$  ”

$$\text{តើ } P(C) = \frac{3}{110} \quad ។$$

$$\text{IV. } f(x) = x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x}$$

$$\text{៩. ក. } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \right)$$

$$\text{ដោយ } \lim_{x \rightarrow +\infty} (x - 5) = +\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \right) = 0 + 0 = 0$$

$$\text{ដូច្នេះ } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty \quad ។$$

$$\text{៨. ក. } \lim_{x \rightarrow 0} f(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} \left( x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left[ (x - 5) + \left( \frac{8 \ln x + 9}{x} \right) \right]$$

$$\text{ដោយ } \lim_{x \rightarrow 0} (x - 5) = -5, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{8 \ln x + 9}{x} = -\infty$$

$$\text{ដូច្នេះ } \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty \quad ។$$

**៩. ស្រាយបំភើម្យិថា បន្ទាត់ Δ ដែលមានសមិការ**

$y = x - 5$  ជាអាសីមតុតនឹងខ្សោយការ C នៅជិត  $+\infty$

$$\text{ដោយ } \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 5)]$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \right) = 0$$

ផ្ទាល់បន្ទាត់ Δ :  $y = x - 5$  ជាអាសីមតុតនឹងខ្សោយការ C នៅជិត  $+\infty$  ។

**យ. កំណត់អាប់សុីស នៃចំណុចប្រសព្វរាង Δ និងខ្សោយការ C យើងបាន Δ :  $y = x - 5$  និង C :**

$$y = x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x}$$

យើងបាន សមិការអាប់សុីស នៃចំណុចប្រសព្វរាង Δ និង C

$$x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} = x - 5$$

$$\frac{8 \ln x + 9}{x} = 0$$

$$8 \ln x + 9 = 0$$

$$\ln x = -\frac{9}{8}$$

$$x = e^{-\frac{9}{8}} = \frac{1}{e^{\frac{9}{8}}}$$

ផ្ទាល់អាប់សុីស នៃចំណុចប្រសព្វរាង Δ និងខ្សោយការ C តើ  $x = e^{-\frac{9}{8}} = \frac{1}{e^{\frac{9}{8}}}$  ។

៩.ក. បង្ហាញថាទំព័រ៖ គូប់  $x$  នៅលើ  $(0; +\infty)$

$$\text{គេបាន } f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$$

$$\text{យើងមាន } f(x) = x - 5 + \frac{8 \ln x}{x} + \frac{9}{x} \text{ នៅ៖}$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= (x - 5)' + 8 \cdot \left(\frac{\ln x}{x}\right)' + \left(\frac{9}{x}\right)' \\ &= 1 + 8 \left( \frac{(\ln x)' \cdot x - (x)' \cdot \ln x}{x^2} \right) - \frac{9}{x^2} \\ &= 1 + 8 \left( \frac{\frac{1}{x} \cdot x - 1 \cdot \ln x}{x^2} \right) - \frac{9}{x^2} \\ &= 1 + \frac{8 - 8 \ln x}{x^2} - \frac{9}{x^2} = \frac{x^2 + 8 - 8 \ln x - 9}{x^2} \\ &= \frac{x^2 - 8 \ln x - 1}{x^2} \end{aligned}$$

$$\text{ដូច្នេះ } f'(x) = \frac{g(x)}{x^2} \text{ ដើម្បី } g(x) = x^2 - 8 \ln x - 1 \text{ ។}$$

៩. សិក្សាមធ្យាតននឹងអនុគមន៍  $f$

ដោយ  $x^2 > 0$  ចំពោះគូប់  $x \in (0; +\infty)$  នៅ៖  $f'(x)$

$$\text{មានសញ្ញាផួច } g(x) = x^2 - 8 \ln x - 1$$

តាមបញ្ជាក់៖ សមីការ  $g(x) = 0$  មានចម្លើយ

$$x' = 1 \text{ និង } x'' = \alpha$$

• សិក្សាសញ្ញានៃ  $g(x) = x^2 - 8 \ln x - 1$

$$g'(x) = 2x - \frac{8}{x} = \frac{2x^2 - 8}{x}$$

$$\bullet \quad g'(x) = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 8 = 0 (x > 0)$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 4$$

$$\Leftrightarrow x = 2 (x > 0)$$

$$\Rightarrow g(2) = 2^2 - 8 \ln 2 - 1 = 3 - 8 \ln 2$$

$$= -2.5 < 0$$

$$\text{ដោយ } g(e) = e^2 - 8 \ln e - 1 = e^2 - 8 - 1 < 0$$

$$g(4) = 4^2 - 8 \ln 4 - 1 = 15 - 16 \ln 2 > 0$$

$$\text{នៅ៖ } g(e) \cdot g(4) < 0 \Rightarrow e < \alpha < 4 \Rightarrow \alpha > 2$$

$x$	0	1	2	$\alpha$	$+\infty$
$g'(x)$	-	-	0	+	+
$g(x)$		0	-2.5	0	

តាមតារាងអមេរកាតនៃ  $g$  យើងយើងបាន  $g(x) < 0$

ចំពោះ  $x \in ]1, \alpha[$

យើងបានតារាងអមេរកាតនៃ  $f$

$x$	0	1	$\alpha$	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-	0
$f(x)$	$-\infty$	5	$f(\alpha)$	$+\infty$

តាមតារាងអមេរកាតាងនេះ យើងបាន ៖

- អនុគមន៍  $f$  កែនលើ  $(0, 1) \cup (\alpha; +\infty)$

- អនុគមន៍  $f$  ចុះលើ  $(1, \alpha)$  (ដើម្បី  $e < \alpha < 4$ )

- អនុគមន៍  $f$  មានអតិបរមាជូបត្រួត  $x = 1$  តី

$$f(1) = 1 - 5 + \frac{8 \ln 1}{1} + \frac{9}{1} = 5$$

- អនុគមន៍  $f$  មានអប្បបរមាជូបត្រួត

$$x = \alpha (e < \alpha < 4) \text{ តី } f(\alpha)$$

បន្ទាត់  $\Delta : y = x - 5$  ជាអាសីមត្តិត (ក្រុត) នៃ

ខ្សោយការ  $C$  នៅជិត  $+\infty$  ។

$$\text{V. } f(x) = 4 - x - 2e^{-x}$$

$$\text{៩. ក. } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} (4 - x + 2e^{-x})$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} (4 - x) + \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2}{e^x} = -\infty$$

$$(\text{ប្រចាំ: } \lim_{x \rightarrow +\infty} (4 - x) = -\alpha, \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2}{e^x} = 0)$$

៩. បង្ហាញបន្ទាត់  $D$  មានសមីការ  $y = -x + 4$

ជាអាសីមត្តិត នៃខ្សោយការ  $C$

$$\text{ដោយ } \lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (-x + 4)]$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} (-2e^{-x}) = 0$$

ដូច្នេះបន្ទាត់  $D$  មានសមិការ  $y = -x + 4$  ដោយស្មើម  
តួត(គ្រែត)នៃខ្សែករាង  $C$  (ខាង  $+\infty$ )។

**ទ. សិក្សាឌីតាមរាងខ្សែករាង  $C$  និងបន្ទាត់  $D$**

$$C: y_C = 4 - x - 2e^{-x}$$

$$D: y_D = -x + 4$$

នេះ  $y_C - y_D = -2e^{-x} < 0$  ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត  $x$

$\Rightarrow y_C < y_D$  ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត  $x$ ។

ដូច្នេះខ្សែករាង  $C$  ស្ថិតនៅខាងក្រោមបន្ទាត់  $D$  ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត  $x$ ។

**យ. ផ្តល់ជ្រាតថាគាត់ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត  $x$  តែបាន**

$$f(x) = \frac{4e^x - xe^x - 2}{e^x}$$

$$\text{យើងមាន } f(x) = 4 - x - 2e^{-x}$$

$$= 4 - x - 2 \cdot \frac{1}{e^x} \text{ ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត } x$$

$$= \frac{4e^x - xe^x - 2}{e^x} \text{ ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត } x$$

ដូច្នេះ  $f(x) = \frac{4e^x - xe^x - 2}{e^x}$  ចំពោះគ្រប់ចំណួនពិត  $x$ ។

**ឯ. វិភាគ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$**

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left( \frac{4e^x - xe^x - 2}{e^x} \right)$$

$$\text{ដោយ } \lim_{x \rightarrow -\infty} (4e^x - xe^x - 2) = -2$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0 \text{ និង } e^x > 0$$

នេះ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ ។

**ឱ. ក. គណនា  $f'(x)$**

$$f'(x) = (4-x)' - (2e^{-x})' = -1 + 2e^{-x}$$

$$\text{ដូច្នេះ } f'(x) = 2e^{-x} - 1$$

សិក្សាឌីអចេរកាតនៃអនុគមន៍  $f$

$$\bullet f'(x) = 0 \Leftrightarrow 2e^{-x} - 1 = 0$$

$$e^{-x} = \frac{1}{2}$$

$$-x = \ln\left(\frac{1}{2}\right) = -\ln 2$$

$$x = \ln 2$$

$$\bullet f'(x) < 0 \Leftrightarrow 2e^{-x} - 1 < 0$$

$$e^{-x} < \frac{1}{2}$$

$$-x < \ln\frac{1}{2} = -\ln 2$$

$$x > \ln 2$$

$$\bullet f'(x) > 0 \Leftrightarrow 2e^{-x} - 1 > 0$$

$$e^{-x} > \frac{1}{2}$$

$$-x > \ln\frac{1}{2} = -\ln 2$$

$$x < \ln 2$$

តារាងអចេរកាតនៃ  $f$

$x$	$-\infty$	$\ln 2$	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$	$-\infty$	↗ 3 - ln 2 ↘	$-\infty$

តាមតារាងអចេរកាតខាងលើ យើងបាន ៖

• អនុគមន៍  $f$  កែវលើ  $(-\infty; \ln 2)$

• អនុគមន៍  $f$  ចុះលើ  $(\ln 2; +\infty)$

• អនុគមន៍  $f$  មានតម្លៃអតិបរមាត្រង់  $x = \ln 2$

តម្លៃពិតនៃអតិបរមាបស់  $f$

$$f(\ln 2) = 4 - \ln 2 - 2e^{-\ln 2}$$

$$= 4 - \ln 2 - 2\left(\frac{1}{2}\right) = 3 - \ln 2$$

$$\text{ដូច្នេះ } f(\ln 2) = 3 - \ln 2 \quad \text{។}$$

**២. កំណត់សមិការបន្ទាត់ប៉ែនធន់  $C$  ត្រង់  $A$**

សមិការបន្ទាត់ប៉ែនធន់  $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$

ត្រង់ចំណុច  $A$  មានអាប់ស្មើស

$$x_0 = 0 \Rightarrow f(x_0) = 4 - 0 - 2e^0 = 2$$

$$\text{នេះ } A(0, 2) \text{ ហើយ } f'(x_0) = 2e^0 - 1 = 1$$

$$\text{យើងបានសមិការបន្ទាត់ } y = 1(x - 0) + 2$$

ជូនូវ សមីការបញ្ជាក់ថា ខ្លួនការងារ  $C$  ត្រួតពី  $A$  តើ

$$y = x + 2 \quad \text{---}$$

គ. បង្ហាញថា សមីការ  $f(x) = 0$  មានចំណើយតិចយ៉ាង

គត់ដែលគោរពនៅរវាងក្នុងចំនោះ  $[-1, 0]$

$$\text{យើងមាន } f(x) = 4 - x - 2e^{-x}$$

$$\text{នេះ } f(-1) = 4 + 1 - 2e = 5 - 2e = 5 - 2 \times 2.71$$

$$= -0.42 < 0$$

$$f(0) = 4 - 1 - 2e^0 = 2 > 0$$

$$\text{យើងបាន } f(-1) \times f(0) = -0.42 \times 2 = -0.84 < 0$$

នេះតាមប្រើស្ថិកទិន្នន័យកណ្តាល យើងហេចិញសំ

មាន  $\beta \in [-1, 0]$  ដែល  $f(\beta) = 0$  (1)

មូវការឡើងតាមតារាងអចេរកាត យើងអនុគមន៍  $f$

កើនលើចំនោះ  $(-\infty; \ln 2)$  នាំឱ្យអនុគមន៍  $f$  កើនលើ

$[-1, 0]$  (2)

តាម (1) និង (2) នាំឱ្យមាន  $\beta$  តិចយ៉ាងគត់ក្នុងចំនោះ

$[-1, 0]$  ដែល  $f(\beta) = 0$  ---

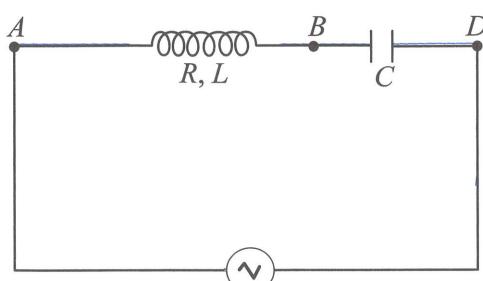
ជូនូវ សមីការ  $f(x) = 0$  មានចំណើយតិចយ៉ាងគត់ដែល

គោរពនៅក្នុងចំនោះ  $[-1, 0]$  ---

**ប្រឡាយសាយប៊ិទ្ទាប្រឡាយដឹកជញ្ជូន**  
**សម្រេចប្រឡាយ: ០៤ សីហា ២០១៩**  
**គញ្ជាត់: រួមទៅនានា(ថ្មាគ់ទៅនានាសាស្ត្រ)**  
**យោះពេល: ៦០ នាទី គិត្យ ៨៥**

### ប្រភាសា

- I. តើត្រូវស្ថាទីរប្រើសម្រាប់ធ្វើអ្វី? ចូរបញ្ជាក់ពីទម្រង់បែស់ក្តា។
- II. តើតាតុកតមួកអាម៉ានីមួយៗ កើតមាននៅពេលណា? ចូរស្រើកយកខាងក្រោមនៃមួយមកបង្ហាញពីតាតុកតនេះ។
- III. តើតើត្រូវរឿងនៃស្ថាទីយ៉ាងដូចមេដែលដើម្បីកំណត់ទិន្នន័យដើម្បីដែនម៉ាញ្ញាទីចករណីចរន្តត្រូវត្រូវ? ករណីចរន្តនេះ?
- IV. ត្រូវស្ថាទីរម្ខយ មានបូបីនពីរ ម្ខយមាន 10 ០០០ ស្ថូរ ហើយម្ខយឡើតមាន 200 ស្ថូរ។ តើតើត្រូវយករបៀបណាប់បំបែក បើតែចង់បានត្រូវស្ថូរកែន? តណានា ត្រូវស្ថូរនៃគោលបែស់បំបែក បើតែដើរបានត្រូវស្ថូរនៅគោលនៃបំបែកស្រីនឹង 220V។
- V. តើតើស្ថូរត្រូវដោន្លេត្រូវស្ថូរដែលមានពុលសាស្ត្រ ៧ (ដូចរូប)។ តើតើត្រូវស្ថូរដែលមានពុលសាស្ត្រ  $V_{AB} = 160V$ ;  $V_{BD} = 56V$ ;  $V_{AD} = 120V$  និងកំណត់ស្ថូរត្រូវស្ថូរនៃចរន្ត  $I = 0.2A$ ។
៩. តណានាការបែងចែង  $Z_{AB}$ ;  $Z_{BD}$  និង  $Z_{AD}$ ។
១០. តណានាស៊ីស្សីដែលបូបីន។



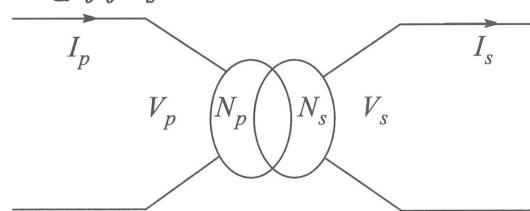
VI. គេស្ថូរបីនម្ខយ មានកំណត់ខ្លួន  $L = 64mH$  ដោយប្រើខ្សែម៉ូលដែលមានអង្គត់ធ្វើត  $d = 0.8mm$  ស្រាបដោយអីសុទ្ធផ្លែងដែលមានកម្រាស  $e = 0.1mm$  ដាស្បែកប៉ែងគ្នា លើស្ថូរកំណត់ម្ខយដែលមានអង្គត់ធ្វើត  $D = 2cm$ ។

១. តើតើត្រូវបូបីននេះចំនួនប៉ុន្មានស្ថូរ?
២. គេចង់ឱ្យបូបីននេះ មានកំណត់ខ្លួនដែល  $L_2 = 81mH$  តើត្រូវបូបីននេះសារមី ដោយប្រើខ្សែម៉ូលដែលប្រាកដមួយម៉ូលដែលមិនមែនស្ថូរប៉ែងដែល។ តើបូបីនក្រោយនេះមានចំនួនស្ថូរប៉ុន្មាន? តើឱ្យ  $\pi^2 = 10$ ។

### តំណែរូបនៃស្ថូរ

I. ត្រូវស្ថូរប៉ែងករណ៍ដែឡើងត្រូវតែងស្ថូរប្រួលយកត្រូវស្ថូរអតិសនីនៃចរន្តត្រូវ។

- ទម្រង់ត្រូវស្ថូរ៖
  - បង្កើបនុយបូបីនស្ថូរដែកពីរដាក់ទីមគ្នា
  - ឬ គូរូបម្ខយ



II. បាតុកតមួកអាម៉ានីមួយៗ កើតមានពេលបិទ ប្រើបែកកុងតាក់ K ចរន្តឱ្យផ្តល់កាត់បូបីន កុងរយៈពេលខ្លួន ប្រើប្រាស់ប្រើប្រាស់បូបីន។

ឧតាមរបៀប៖ កុងបូបីនតារាយនឹងចោរដែលអតិសនីម្ខយពេលបិទ K ចង្វែងត្រូវបានបង្កើតម្ខង។ មុននឹងកុងបូបីនរបៀបបង្កើតម្ខង។

### III. វិធានដែលស្ថី

• ចំពោះចរន្តត្រដៃ៖ មេដែលអ្នកលតាមទិសដោចរន្ត  $I$  នៃខ្លួចឆ្លង ហើយម្រាមទាំង 4 គ្រាបខ្លួចឆ្លង។ ទិសដោរិលម្រាមទាំង 4 ដែលបានប្រាប់ទិសដោដែលមាត្រាប្រឈម នៅលើនៅទៅ។

• ចំពោះចរន្តរដៃ៖ ម្រាមដែលទាំង 4 កែងសិងមេដែលហើយម្រាមទាំង 4 នៅទៅ គ្រាបចរន្តរដៃ៖ ដែលអ្នកលទិសដោដែលមាត្រាប្រឈម  $\vec{B}$  នៃខ្លួចឆ្លង មេដែលអ្នកលទិសដោដែលមាត្រាប្រឈម  $\vec{B}$  នៅលើនៅទៅ។

### IV. • កំណត់របៀបបង្កើត

កំណត់ស្ថីរបៀបបង្កើត របៀបបង្កើតរបៀបដែលមានចំនួន ស្ថូតិច  $n_1 = 200$  ស្ថូបូបីនមានចំនួនស្ថូ  $200$  ។

#### • គណនាកំណត់ស្ថីរបៀបបង្កើត $V_2$

តាមរូបមន្ទុផលរៀបចំបង្កើត

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} \Leftrightarrow V_2 = V_1 \times \frac{n_2}{n_1}$$

ដោយ

$$n_1 = 200 ; n_2 = 10\,000 ; V_1 = 220\text{V}$$

យើងបាន

$$V_2 = 220\text{V} \times \frac{10\,000}{200} = 11 \times 10^3\text{V}$$

$$V_2 = 11 \times 10^3\text{V} \quad \text{។}$$

### V. ៩. គណនាអារាប់ដែល $Z_{AB}$ ; $Z_{BD}$ ; $Z_{AD}$

$$Z_{AB} = \frac{V_{AB}}{I} = \frac{160}{0.2} = 800\Omega$$

$$Z_{BD} = \frac{V_{BD}}{I} = \frac{56}{0.2} = 280\Omega$$

$$Z_{AD} = \frac{V_{AD}}{I} = \frac{120}{0.2} = 600\Omega$$

$Z_{AB} = 800\Omega$
$Z_{BD} = 280\Omega$
$Z_{AD} = 600\Omega$

### ៦. គណនាអសិក្សាបូបីន $R$

$$\text{តាមរូបមន្ទុ } R = \sqrt{Z_{AB}^2 - (L\omega)^2}$$

យើងបាន

$$Z_{AB}^2 = R^2 + \left(L\omega - \frac{1}{C\omega}\right)^2$$

$$Z_{AB}^2 = R^2 + (L\omega)^2 - 2L\omega \cdot \frac{1}{C\omega} + \left(\frac{1}{C\omega}\right)^2$$

$$\text{ដោយ } Z_{AB} = 600\Omega ; Z_{BD} = \frac{1}{C\omega} = 280\Omega$$

$$\text{និង } Z_{AB}^2 = R^2 + (L\omega)^2 = (800)^2$$

យើងបាន

$$(600)^2 = (800)^2 - 2 \times 280L\omega + (280)^2$$

$$560L\omega = 358400$$

$$L\omega = \frac{358400}{560} = 640 \text{ ដំនឹងសតក្បត្តិងរូបមន្ទុ}$$

$$R = \sqrt{Z_{AB}^2 - (L\omega)^2}$$

$$R = \sqrt{(800)^2 - (640)^2} = \sqrt{230400} = 480$$

$$R = 480\Omega \quad \text{។}$$

### VI. ៩. គណនាអារាប់ដែល $N$

$$\text{តាមរូបមន្ទុ } L = \mu_o \frac{N^2 A}{l} \quad (1)$$

$$N = \sqrt{\frac{Ll}{\mu_o A}} ; \quad A = \frac{\pi D^2}{4}$$

$$N = \sqrt{\frac{L(d+2e)4 \times N}{(4\pi \times 10^{-7})(\pi \times D^2)}}$$

$$N = 16 \times 10^4 \text{ ស្ថូ} \quad \text{។}$$

### ៧. កំណត់ស្ថូថ្មី $N'$

$$L' = \frac{\mu_o (N')^2 A}{l} \quad (2)$$

$$\text{ផលផែីប } \frac{(1)}{(2)} \Leftrightarrow \frac{L}{L'} = \left(\frac{N}{N'}\right)^2 = \frac{64\text{mH}}{81\text{mH}}$$

$$\frac{N}{N'} = \frac{8}{9} \Leftrightarrow N' = \frac{9}{8}N = \frac{9}{8} \times 16 \times 10^4$$

$$N' = 18 \times 10^4 \text{ ស្ថូ} \quad \text{។}$$

**ប្រឡងប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានសិក្សាគុណភាពយក្សមិ  
សម្រេចប្រឡង: ០៤ ស៊ីហា ២០១៨  
គត្តាសាធារណៈ: តម្ជិនុវត្តន៍របស់សមាសធាតុ  
រយៈពេល: ៦០ ឆ្នាំ ពីនេះ ពីនេះ**

## ប្រឡង

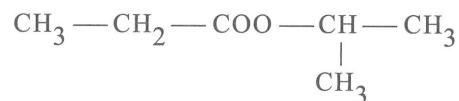
- I. ចូរសរស់របស់សមាសធាតុដើម្បីប្រឡងក្រោម ៩.  
១. មេទិះលអេទិះលប្រុញាត  
២. ប្រុពិះលមេតាត  
៣. ត្រីអេទិះលទ្វាមីន  
៤. ដេនីះលអេតាត  
៥. កាល់ស្រួលការប្រឡងក្នុងការប្រគល់សមាសធាតុអីយីដឹងមិន  
រលាយក្នុងទីការ ការមានប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានយក្សសុលុយស្សុង  
អាសុំត្បូរីត្រីចករា  
៦. ចូរសរស់របស់សមិការអីយី និងសមិការ  
អីយីដឹងសម្រួលនៃប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន៖  
៧. តើអីយីដឹងណាដើលគ្នានករប់ប្រុប្បលក្នុងពេល  
ប្រព័ន្ធមូល ?
- II. សរស់របស់សមាសធាតុ ៩.  
៨. ប្រុពិះលមេតាត  
៩. ត្រីអេទិះលទ្វាមីន  
៥. កាល់ស្រួលការប្រឡងក្នុងការប្រគល់សមាសធាតុអីយីដឹងមិន  
រលាយក្នុងទីការ ការមានប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានយក្សសុលុយស្សុង  
អាសុំត្បូរីត្រីចករា  
៦. សរស់របស់សមិការអីយី និងសមិការ  
អីយីដឹងសម្រួលនៃប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន៖
- III. សុលុយស្សុងអាសុំត្បូលដ្ឋិចមូលដ្ឋានយក្សសុលុយមានដីសុំតែ  
ស្អើនឹង  $1.198\text{g/cm}^3$  និងមានកំហាប់ភាពរយជាមីស  
ស្អើនឹង 27% តណានកំហាប់ជាមួលនៃសុលុយស្សុង  
អាសុំត្បូរីត្រីចករា (ម៉ាសមួល H = 1 ; S = 32 ;  
O = 16)
- IV. ក្នុង 100ml នៃសុលុយស្សុងស្អើតិដើលទទួលបាន  
តែប្រើប្រាស់ស្អើនឹង  $10^{-5}\text{ mol}$  រាយ។ តើ បន្ថែមទីក  
400cm<sup>3</sup> ទៅក្នុងសុលុយស្សុងនោះទៀត។ កំណត់តត្បូង  
នៃកំហាប់ជាមួល របស់សុលុយស្សុង ក្រោយនេះ។
- V. តើខ្លួនប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានក្នុងការប្រគល់សមាសធាតុអីយីដឹង  
 $\text{Zn} + 2\text{HCl} \rightarrow \text{ZnCl}_2 + \text{H}_2$   
ចូរបកស្រាយថាប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាននេះបានប្រព័ន្ធមូលអីដឹង  
ដូចតាមខាងក្រោម។

VI. ត្រូវបែងអ្នក ចង់ដែលពិតខស្សីនអីដ្ឋ្ឋាននៅក្នុងមន្ទីរ  
ពិសោធន៍ក ដោយឱ្យ អាសុំត្បូលដ្ឋិចមានប្រព័ន្ធមូល  
មូលដ្ឋានយក្សសុលុយមានប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានយក្សសុលុយមានប្រព័ន្ធមូល  
ត្រូវធ្វើដូចមេច ដើម្បីឱ្យលើក្រុងនៃការដែលពិតខស្សីនអីដ្ឋ្ឋាន  
នៃការកាន់តែលើក្រុងបានមុន ? ចូរពន្លំ។

## គំនោតមិនុវត្តន៍

- I. សរស់របស់សមាសធាតុ ៩.

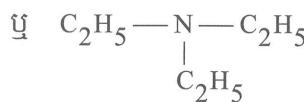
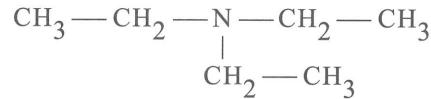
១. មេទិះលអេទិះលប្រុញាត



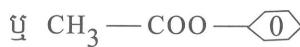
២. ប្រុពិះលមេតាត



៣. ត្រីអេទិះលទ្វាមីន



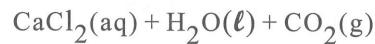
៤. ដេនីះលអេតាត



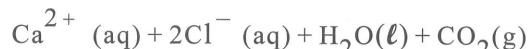
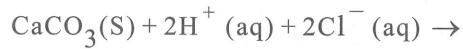
- II. ១. សរស់របស់សមិការអីយី និងសមិការ

- អីយីដឹងសម្រួល ៩.

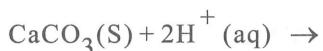
- សមិការអីយី



- សមិការអីយី



-សមិទ្ធភាពអីយុងសម្រល



២. អីយុងដែលគ្នានការប្រប្រលក្ខុងពេលប្រពិភ័ណ្ឌ តើ  
អីយុងត្បូ (Cl<sup>-</sup>) ឬ អីយុងទស្សនីក។

**III. គណនាកំហាប់ដាច់លន់សូលុយស្វែងអាសីតសូលុយ  
ផ្លូវចំណេះ**

$$\text{តាមរបមន} \quad C = \frac{n}{V_s}$$

$d_s = 1.198 \text{ g/cm}^3$  មាននៅយបាត្រូងសូលុយស្វែង

H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> 1cm<sup>3</sup> ឬ 1ml មានមាតស 1.198g

-រកមាតស H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> សុទ្ធត្រូងសូលុយស្វែង

$$\text{តាម } C\% = \frac{m \times 100}{m_s} \Rightarrow m = \frac{C\% \times m_s}{100}$$

ដោយ  $m_s = 1.198 \text{ g}$  និង  $C\% = 27\%$

$$\Rightarrow m = \frac{27 \times 1.198}{100} = 0.32346 \approx 0.32 \text{ g}$$

-រកចំនួនម៉ល H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>

$$\text{តាម } n = \frac{m}{M}$$

$$\begin{aligned} M(\text{H}_2\text{SO}_4) &= 1 \times 2 + 32 + 16 \times 4 \\ &= 98 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow n = \frac{0.32}{98} = 0.00326 = 3.26 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

$$\Rightarrow C = \frac{3.26 \times 10^{-3}}{1 \times 10^{-3}} = 3.26 \text{ M}$$

$$C = 2.26 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

**ប្រមូលការដោត**

$$\text{តាមរបមន} \quad C = \frac{n}{V_s} \times 1000$$

$$n = \frac{m}{M}; d_s = \frac{m_s}{V_s} \Rightarrow V_s = \frac{m_s}{d_s}$$

$$\Rightarrow C = \frac{\frac{m}{M} \times 1000}{\frac{m_s}{d_s}} = \frac{m \times 100}{m_s} \times 10 \times \frac{d_s}{M}$$

$$= C\% \times 10 \times \frac{d_s}{M}$$

ដោយ  $C\% = 27\%$ ;  $d_s = 1.198 \text{ g/cm}^3$

$$M(\text{H}_2\text{SO}_4) = 1 \times 2 + 32 + 16 \times 4 = 98 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Rightarrow C = 27 \times 10 \times \frac{1.198}{98} = 3.3 \text{ M}$$

$$C = 3.3 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

**សម្ងាត់** : បើសិស្សប្រជើរកាត់តាម

$$C = C\% \times 10 \times \frac{d_s}{M}$$

$$M(\text{H}_2\text{SO}_4) = 1 \times 2 + 32 + 16 \times 4$$

$$= 98 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

ដោយ  $C\% = 27\%$ ;  $d_s = 1.198 \text{ g/cm}^3$

$$C = 27 \times 10 \times \frac{1.198}{98} = 3.3 \text{ M}$$

$$C = 3.3 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

**ប្រមូលការដោត**

$$\text{តាមរបមន} \quad C = \frac{n}{V_s}$$

មាតសសូលុយស្វែង H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> ត្រូងមាន 1L ឬ 1000ml

$$\text{តាម } d_s = \frac{m_s}{V_s} \Rightarrow m_s = d_s \times V_s$$

$$\Rightarrow m_s = 1.198 \times 1000 = 1198 \text{ g}$$

មាតស H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> សុទ្ធទឹក

$$\text{តាម } C\% = \frac{m \times 100}{m_s} \Rightarrow m = \frac{C\% \times m_s}{100}$$

$$= \frac{27 \times 1198}{100} = 323.46 \text{ g}$$

**ចំនួនម៉ល H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>**

$$\text{តាម } n = \frac{m}{M}$$

$$M(\text{H}_2\text{SO}_4) = 1 \times 2 + 32 + 16 \times 4 = 98 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Rightarrow n = \frac{323.46}{98} = 3.3 \text{ mol}$$

$$C = \frac{3.3}{1} = 3.3 \text{ M}$$

$$C = 3.3 \text{ M}$$

### ប្រព័ន្ធលេត

$C\% = 27\%$  មាននឹយមាត្រា ម៉ាសសូលុយសូវិជ្ជ

$H_2SO_4$  100g មាន  $H_2SO_4$  សុខ្ស 27g

ចំនួនម៉ឺន H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>

$$\text{តាម } n = \frac{m}{M}$$

$$M(H_2SO_4) = 1 \times 2 + 32 + 16 \times 4 = 98 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\Rightarrow n = \frac{27}{98} \approx 0.27 \text{ mol}$$

មានសូ H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>

$$\text{តាម } d_s = \frac{m_s}{V_s} \Rightarrow V_s = \frac{m_s}{d_s}$$

$$\Rightarrow V_s = \frac{100}{1.198} = 83.47 \text{ ml}$$

$$\text{តាម } C = \frac{n}{V_s}$$

$$C = \frac{0.27}{83.47 \times 10^{-3}} = 3.2 \text{ M}$$

$$C = 3.2 \text{ M}$$

### IV. កំណត់តម្លៃកំហាប់នៃសូលុយសូវិជ្ជសិទ្ធិត ក្រោយដែលបានប្រគល់

- រកកំហាប់នៃសូលុយសូវិជ្ជសិទ្ធិតម្លៃដែលបានប្រគល់

$$\text{តាមរបមនុ } C = \frac{n}{V}$$

ប្រគល់  $n = 10^{-5} \text{ mol}$  និង  $V = 100 \text{ ml} = 0.1 \text{ L}$

$$C = \frac{10^{-5}}{0.1} = 10^{-4} \text{ mol}$$

$$C = 10^{-4} \text{ M}$$

- តាមការព្យាព័ត៌មានសូលុយសូវិជ្ជ

$$n(NaOH)_i = n(NaOH)_f$$

$$\Rightarrow Ci \times Vi = Cf \times Vf$$

$$\text{ដោយ } V_f = 100 \text{ ml} + 400 \text{ ml} = 500 \text{ ml}$$

$$\Rightarrow Cf = \frac{Ci \times Vi}{V_f} = \frac{10^{-4} \times 100}{500}$$

$$C_f = 2 \times 10^{-5} \text{ M}$$

### ប្រព័ន្ធលេត

$$\text{តាមរបមនុ } [NaOH]_{\text{ផ្លូវ}} = \frac{n}{V} \text{ ល្អាយ}$$

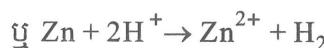
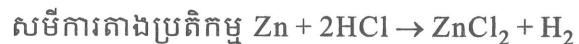
$$V \text{ ល្អាយ} = 100 + 400 = 500 \text{ ml}$$

ដោយដែលបានប្រគល់ NaOH មិនប្រប្រឈប់

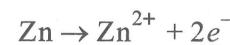
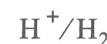
$$\Rightarrow [NaOH]_{\text{ផ្លូវ}} = \frac{10^{-5}}{500 \times 10^{-3}} \\ = 2 \times 10^{-5} \text{ M}$$

### V. បង្ហាញប្រព័ន្ធមូលដ្ឋានក្រោមជាប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន

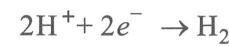
ដូចម្នែក :



គួរពួកដែលបង្ហាញប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន  $Zn^{2+}/Zn$  និង



Zn ជាផួកគោរ ព្រោះ Zn ត្រូវបានអេឡិចត្រូនការងារ អូកសុំតកម្ម

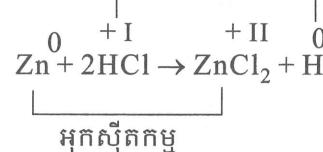


$H^+$  ជាផួកសុំតករព្រោះ  $H^+$  ទទួលយកអេឡិចត្រូនការងារ ដូចម្នែក ដោយមានការបន្ថែមអេឡិចត្រូនីតិ ឬ  $Zn$  ឬ  $H^+$  នៅក្នុងប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន ដូចម្នែក ដែលបានប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន អូកសុំដូចម្នែក។

### ប្រព័ន្ធលេត

សមិទ្ធភាពប្រព័ន្ធមូលដ្ឋាន

ដូចម្នែក



- Zn ប្រប្រឈប់  $n \cdot o$  ឬ  $0$  ឬ  $0$  ឬ  $+ II$

$\Rightarrow Zn$  ជាផួកគោរ

- អាតូម H តួន HCl ត្រូវប្រឈប់  
 $O \Rightarrow HCl \rightarrow H^+ + Cl^-$   
 ដើម្បីប្រព័ន្ធមុខងារ ដូចខាងក្រោម

**VI. ដើម្បីទ្វាប្រឡងនៃការផលិតខ្សែនអូយូសេន ( $H_2$ )**  
 ការងារនេះត្រូវបានធ្វើឡើងមុន គេមានតំនិតបីរបៀបដូចខាងក្រោម

ក្រោម៖

- ទី១ ៖ កត្តាទំហំភាពលិតបំបែក Zn ដាចំពួចង ប្រើបានម៉ោងត្រឹមដូចខាងក្រោម ដើម្បីប្រព័ន្ធមុខងារការងារនេះតែង បណ្តាលឱ្យចំនួនទិន្នន័យប្រសិទ្ធកែនក្រើង។
- ទី២ ៖ កត្តាកំហាប់អង្គធាតុប្រព័ន្ធបែងកំហាប់នៃសុលុយសុវិស  $H_2SO_4$  កំហាប់អង្គធាតុប្រព័ន្ធកែនក្រើង ត្រឹមដូចខាងក្រោម។
- ទី៣ ៖ កត្តាសីតុណ្ឌភាពបង្កើនសីតុណ្ឌភាពប្រព័ន្ធកម្មភាពធមាសីតុណ្ឌភាពកែនក្រើង ត្រឹមដូចខាងក្រោម។

ପ୍ରଦୟତାନ୍ତରାତ୍ରିକାମ୍ବିନ୍ଦୁରେ ଯେତେବେଳେ  
ପରିବର୍ତ୍ତନା ହେଲା ଏହାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନା ହେଲା  
ଏହାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନା ହେଲା ଏହାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନା ହେଲା

- I. ១. តើតែសមាល់រួចរាល់ដីក្នុងឈើលេដ្ឋនបានដោយសារអ្នខេះ ?

២. ផ្ទចម្រូចហៅថាការបង្កកំណើតឡើ ?

II. ការពិសោធន៍អគ្គិសញ្ញាណាប្រព័ន្ធដឹកនៃ៖  
គេដាក់សូលុយសូងសុជ្រមអីដ្ឋីកសីត (NaOH)  
10% និងសូលុយសូងទីផែងសិលជាត (CuSO<sub>4</sub>)  
0.5% ចំណុះ 3ml ផ្ទចត្រា ទៅក្នុងករដៃរដែលមាន  
សូលុយសូងអាល់បិុយមីនចំណុះ 3ml ដើរ រួចរាល់ក្នុង  
ឱ្យស្អាត។

៣. តើតែសង្គតយើង្វុណាមីកីតឡើងនៅក្នុងករដៃនៅនោះ ?

៤. តើតែប្រើសូលុយសូង 10% នៃសុជ្រមអីដ្ឋីក  
សីត (NaOH) និងសូលុយសូង 0.5% នៃទីផែងសិល  
ជាត (CuSO<sub>4</sub>) ដើម្បីអី ?

III. ៥. តើនូយក្រោមទីតាមី ? តើវាង្មោះឡើងពីធាតុអ្នខេះ ?

៦. នូយក្រោមទីមានតែបូនប្រកេទ ហេតុអ្នអាច  
បង្កើតម៉ូលលេគុល ADN ឬសត្វាប្រើឯន ?

IV. ពេលចូទ្ទីសិត្សពាទី អ្នកបៀកទូទស័ព្ទឡើងដើម្បី  
ធ្វើយករណីនេះ តើមានណូវនីតិវិធីខ្លះចូលរួម ?  
ចូររៀបចាយប៉ុន្មាននៃការបង្កើតម៉ូលយ៉ា។

V. ម៉ូលគុល ADN ម្នាយមាននូយក្រោមទី  
 $T = 640\ 000$  និងចំនួននូយក្រោមទី C ស្មើនឹង 50%  
នៃនូយក្រោមទីម៉ូល។

៦. រកចំនួននូយក្រោមទីកសុប្របស់ម៉ូលគុល ADN ។

៧. តើម៉ូលគុល ADN នេះត្រូវការនូយក្រោមទីសេវី  
ចំនួនប៉ុន្មាន ពេលស្ថិយជីឡើងឡើ 3 លីក ?

៣. រកចំនួនសម្បនីតិមីរបស់ ADN ។

VI. មួយលេគគុលប្រព័ន្ធអីនុយមាន 178 អាសីតមាមីនៅ។

៩. គណនាប្រអែងមួយលេគគុល  $ARN_m$  ដែលបានចម្លងចោរពីសែនខាងលើ។

១០. ក្នុងសែនខាងលើ គេយើងបានដឹងថាពេលវេលាករាជនុយត្រូវមិនការដើរនឹង និងនូយត្រូវមិនបាននឹងស្រី 200 ។  
មួយលេគគុល  $ARN_m$  ដែលសំយោគចោរពីសែននេះមាន  $U = 250$  ;  $C = 60$  ។ រកចំនួននៃប្រភេទនូយត្រូវមិនបាននឹងសែន និងចំនួននៃប្រភេទនូយត្រូវមិនបានជាប្រភេទនៃប្រភេទនូយត្រូវមិនបាននឹងសែន។

៣. គណនាសមាមាត្រជាការរយនៃប្រភេទនូយត្រូវមិនបាននឹងសែន របស់មួយលេគគុល  $ARN_m$  ។

### គំរែចិតនភាព

I. ៩. គេសម្រាប់ក្នុងជាតិខ្លួនបានដោយសារ៖

  - គ្រាប់មានក្នុងលេគុង 2
  - ដើម្បីមានបានចាត់សរសៃនាំស្តិតជារ៉ែង
  - ស្តីកមានទ្រនុងបែកខ្លួន
  - ផ្ទាល់មាន 4 ឬ 5 ស្រាប់
  - ប្រសងប្រសកែវា

១០. ដែលហេរបារបង្គកំណើតឡើងជាការបង្គកំណើត 2 ដងក្នុងពេលពេលមួយរបស់ក្នុងជាតិបុរាណជាការបង្គកំណើត 2 ដងក្នុងពេលពេលមួយ។

II. ៩. ក្នុងកែវដែរនោះ យើងសង្គតយើងបញ្ចប់ស្តាយ។

១០. - គេប្រើសុលុយស្សាង  $NaOH$  10% ដើម្បីផ្តាច់សម្បនីបុរាណជាតិ បុចំណាចបុរាណជាតិ។

- គេប្រើសុលុយស្សាង  $CuSO_4$  0.5% ដើម្បីបញ្ចប់សម្បនីបុរាណជាតិមានប្រព័ន្ធផ្លូវតែមីន បុរាណជាតិមានប្រព័ន្ធផ្លូវតែមីន  $NaOH$  10% និងសុលុយស្សាង  $CuSO_4$  0.5% ដើម្បីបញ្ចប់សម្បនីបុរាណជាតិមានប្រព័ន្ធផ្លូវតែមីន (អត្ថសញ្ញាណប្រព័ន្ធ អីន)។

### III. ៩. នូយត្រួមឱកាសនៃធាតុបង្គ (បុច្ចិណ្ឌមេ)

របស់ ADN ។ កម្មឈើដោយ ៖

- អាសីតផ្ទិសិរិចម៉ូលឈុល (បុ H<sub>3</sub>PO<sub>4</sub>)
- សុរដិជាអុរិបុស ១ម៉ូលឈុល (បុ C<sub>5</sub>H<sub>10</sub>O<sub>4</sub>)
- បាតសអាសុតម៉ូលឈុល ។

**B.** បានបានូយត្រួមឱកាសនៃមានតែ ៤ ប្រភេទអាជីត បាន ADN ប្រើនខុសរក្សា ព្រោះម៉ូលឈុល ADN នឹមួយៗ ត្រូវបានបានូយត្រួមឱកាស ប្រើន (បុកប់មីន) ដើម្បីបានូយត្រួមឱកាស ទៅតាមតំណាល់ដាប់ម៉ូលឈុលដាក់លាក់ បុ ម៉ូលឈុល ADN នឹមួយៗ ខុសគ្នាដោយសារចំនួនូយត្រួមឱកាស ប្រភេទអីត ប្រភេទូយត្រួមឱកាស និងទីតាំងូយត្រួមឱកាស។

**IV.** ពេលពួកទូរស័ព្ទការពិនិត្យ ខ្លួនឯងបានូយត្រួមឱកាស ប្រើន ក្នុងករណីនៅមានណីរឿន ៣ ប្រភេទចូលរួមគឺ ៖ ណីរឿនវិញ្ញាណកាំ ណីរឿនគ្នាប់ បុអន្តរណីរឿននិងណីរឿន ចែករច្ឆូលរួម។ រៀបរាប់ពីត្រួមឱកាសនៃរបស់ណីរឿននឹមួយៗ ៖

- ណីរឿនវិញ្ញាណកាំ ដឹកនាំតែមាន (បុអំងភ្លើចប្រសាទ) ពីផ្ទូលវិញ្ញាណនៅក្នុងត្រពេកទៅការកាន់មង្គ មណ្ឌលប្រសាទ (ខ្លួនឯង)។
- ណីរឿនគ្នាប់ បញ្ចូនបន្ទន្តរៀបចំមានណីរឿនវិញ្ញាណកាំទៅការបៀបការប្រកប្រាយអំងភ្លើចប្រសាទពី ខ្លួនឯង។
- ណីរឿនចែករ មាននាទីបញ្ចូនអំងភ្លើចប្រសាទពី មង្គមណ្ឌលប្រសាទទៅការសរើរដ្ឋប្រតិកម្ម (សាច់ដុំដឹង)។

### V. ៩. រកចំនួនូយត្រួមឱកាសសុប្របស់ ADN (M)

$$\text{តាមប្រមាប់ } T = 640 \ 000$$

$$C = 50\% \text{ នៃចំនួនូយត្រួមឱកាស } T$$

$$\Rightarrow C = \frac{640 \ 000 \times 50}{100} = 320 \ 000 \text{ នូយត្រួមឱកាស}$$

តាមគោលការណ៍បំពេញបាន A - T, C - G

$$\Rightarrow A = T, C = G$$

$$M = A + T + C + G$$

$$M = 2(T + C)$$

$$= 2(640 \ 000 + 320 \ 000) = 1 \ 920 \ 000 \text{ នូយ.}$$

ដូចំនេះ ៖

$$M = 1 \ 920 \ 000 \text{ នូយត្រួមឱកាស}$$

$$\text{ឬ } M = 192 \times 10^4 \text{ នូយត្រួមឱកាស}$$

**B.** រកចំនួនូយត្រួមឱកាសសេវា (M') ប្រាយពេល ADN ស្មើយដឹងចេញ ៣ ដង

បើ ADN មេ ១ ស្មើយដឹងចេញ

$$1 \text{ ដង បាន ADN } \sqrt{2}^1$$

$$2 \text{ ដង បាន ADN } \sqrt{2}^2$$

$$3 \text{ ដង បាន ADN } \sqrt{2}^3$$

$$\vdots \qquad \vdots \qquad \vdots$$

$$n \text{ ដង បាន ADN } \sqrt{2}^n$$

បើ ADN ស្មើយដឹងចេញ ៣ ដង បានឱ្យតាន

$$\text{ADN } \sqrt{2}^3 \text{ ក្នុងនោះមាន ADN } M \text{ មេ}$$

$$\Rightarrow \text{ADN } \text{កៅតិមី} = 2^3 - 1$$

$$\Rightarrow M' = M(2^3 - 1) = M \times 7$$

$$M' = 1 \ 920 \ 000 \times 7 = 13 \ 440 \ 000$$

ដូចំនេះ ៖

$$M' = 13 \ 440 \ 000 \text{ នូយត្រួមឱកាសសេវា}$$

$$\text{ឬ } M' = 1344 \times 10^4 \text{ នូយត្រួមឱកាសសេវា}$$

### C. រកចំនួនសម្រួលិតិមីក្នុង ADN

ដោយូយត្រួមឱកាស ២ ត្រាប់គ្នាដោយសម្រួលិតិមី ១ (បុសម្រួលិតិមីក្នុងចេញ ១ )ក្នុងប្រាក់ម៉ាងទាំង៦ ។  $\Rightarrow$  ចំនួនសម្រួលិតិមីរបស់

$$\text{ADN} = M - 2$$

$$= 1 \ 920 \ 000 - 2 = 1 \ 919 \ 998$$

$$\text{ADN} = 1 \ 919 \ 998$$

ដូចំនេះ ៖ ចំនួនសម្រួលិតិមីក្នុង ADN តើ ១ ៩១៩ ៩៩៨ ។

**VI. ៩. គណនាប្រជុំលេគុល ARN<sub>m</sub>**

តាមប្រមាប់: ម៉ែលគុលប្រព័ន្ធឌីតុន ១ មាន 178 អាសីតអាម៉ីន  
អាសីតអាម៉ីន

ដោយអាសីតអាម៉ីន ១ ទទួលក្រមពី រូបនុយក្សោះ  
អូទីត ៣ ហើយ ARN<sub>m</sub> មានកូដុងផ្លើម ១ កូដុងសុប ១  
 $\Rightarrow m = (\text{ចំនួនអាសីតអាម៉ីន} \times 3) + 6$

$$m = (178 \times 3) + 6$$

$$m = 540 \text{ រូបនុយក្សោះអូទីត}$$

ដោយចន្ទាន់ពីនុយក្សោះអូទីត ១ ទៅនុយក្សោះអូទីត  
១ មានប្រជុំ 0.34nm

$$l_{ARN_m} = m \times 0.34\text{nm}$$

$$= 540 \times 0.34\text{nm}$$

$$= 183.6\text{nm}$$

ដូច្នេះ:  $l_{ARN_m} = 183.6\text{nm}$

**៤.** - រកចំនួនប្រភេទនុយក្សោះអូទីតរបស់សែននិង  
ចំនួនប្រភេទនុយក្សោះអូទីតរបស់សែននិមួយន  
នៃសែន

$$\text{តាមប្រមាប់: } A - G = 200 \quad (1)$$

$$U = 250 ; C_{ARN_m} = 60$$

- រកចំនួនប្រភេទនុយក្សោះអូទីតរបស់សែន

ដោយ ARN<sub>m</sub> ចម្លងចេញពីប្រភាក់ម្នាក់នៃសែន  
 $\Rightarrow m = \frac{M_{សែន}}{2} = 540 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$

តាមគោលការណ៍បំពេញបាន  $A - T ; C - G$

$$\Rightarrow A = T ; C = G$$

$$\text{ដោយ } M = A + T + C + G$$

$$M = 2A + 2G = 2(A + G)$$

$$\Rightarrow A + G = \frac{M}{2} = 540 \quad (2)$$

ដូច្នេះ (1) និង (2) ជាប្រព័ន្ធ

$$\begin{cases} A - G = 200 \\ A + G = 540 \end{cases}$$

$$2A = 740 \Rightarrow A = \frac{740}{2} = 370$$

$$\text{ដំឡើសតម្លៃ } A \text{ គឺ } (2)$$

$$(1) \Rightarrow 370 + G = 540$$

$$\Rightarrow G = 540 - 370 = 170 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$$

ដូច្នេះ:	$A = T = 370$
	$C = G = 170$

- រកចំនួននៃប្រភេទនុយក្សោះអូទីតរបស់ប្រភាក់ទោល  
និមួយនរបស់សែន

សន្និត ARN<sub>m</sub> ចម្លងចេញពីប្រភាក់ទី ១ របស់សែន  
តាមគោលការណ៍ចម្លងក្រម

$$A_1 = U = 250 ; G_1 = C_{ARN_m} = 60$$

$$A_{សែន} = A_1 + A_2$$

$$\text{ដើម្បី } A_2 = T_1$$

$$\Rightarrow A_{សែន} = A_1 + T_1$$

$$\Rightarrow T_1 = A_{សែន} - A_1$$

$$= 370 - 250$$

$$= 120 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$$

$$\text{ដោយ } C_{សែន} = C_1 + C_2 \text{ ដើម្បី } C_2 = G_1$$

$$= C_1 + G_1$$

$$\Rightarrow C_1 = C_{សែន} - G_1$$

$$= 170 - 60$$

$$= 110 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$$

ដូច្នេះ:	$A_1 = T_2 = 250 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$
----------	---

$T_1 = A_2 = 120 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$
---

$C_1 = G_2 = 110 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$
---

$G_1 = C_2 = 60 \text{ នុយក្សោះអូទីត}$
--

**៣. រកសមាមាត្រដាកាតាយនៃប្រភេទនូយត្រូវខ្លឹម**

នីមួយា របស់មួយលេគ្គុល  $ARN_m$

ដោយ  $ARN_m$  ចម្លងចេញពីច្រកភ័ព្ធ ១

$$A_1 = T_2 = U = 250 \text{ នូយត្រូវខ្លឹម}$$

$$T_1 = A_2 = A_{ARN_m} = 120 \text{ នូយត្រូវខ្លឹម}$$

$$C_1 = G_2 = G_{ARN_m} = 110 \text{ នូយត្រូវខ្លឹម}$$

$$G_1 = C_2 = C_{ARN_m} = 60 \text{ នូយត្រូវខ្លឹម}$$

តម្លៃនេះ %

$$\% U = \frac{250 \times 100}{540} = 46.29\%$$

$$\% A = \frac{120 \times 100}{540} = 22.22\%$$

$$\% G = \frac{110 \times 100}{540} = 20.37\%$$

$$\% C = \frac{60 \times 100}{540} = 11.11\%$$

ដូចខាងក្រោម

$U = 46.29\%$
$A = 22.22\%$
$G = 20.37\%$
$C = 11.11\%$

**ប្រជុំនិងប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ**  
**សម្រាប់ប្រជុំ ០៤ សៀមាប្រជុំ ២០១៩**  
**អគ្គន៍រដ្ឋប្រជុំ និងប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ**  
**និងប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ៦០ នាទី ពីថ្ងៃ ៥០**

## ប្រជាពលរដ្ឋ

- I. តើពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ?
- II. ពណ៌នាអំពីវិនាសកម្មនៅកម្ពុជាប្រាមបច្ចុប្បន្នប្រចាំថ្ងៃដែលត្រូវបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃដោយសារតម្លៃប្រចាំថ្ងៃដែលត្រូវបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ?
- III. តើការដោកក្រសាធប្រោះវិហារចូលក្នុងបញ្ញីបេតិកកណ្តាលពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ?

## អំឡុយប្រជុំនូវលូវការ

- I. ពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ
  - បរិស្ថាន : ទីកន្លែងនៃ ខ្សែពុំ ពេញឈី គ្រោះរាជក្រឹត់ និង ស្ថិកស្ថាន ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - បញ្ហាកំណើនប្រជាជន : តម្លៃការប្រាកំបានប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - បញ្ហាអន្តោប្រជែង : ការចូលរួមរាយក្នុងបញ្ញីបេតិកកណ្តាលពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - បញ្ហាសន្តិសុខសៀវភៅ : តម្លៃការប្រាកំបានប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - កោរកម្មអន្តោបាតិនិងសង្គម : បង្កិចិត្តមាន អសន្តិសុខ បញ្ហាប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - ទិន្នន័យប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- II. វិនាសកម្មប្រាមបច្ចុប្បន្នប្រចាំថ្ងៃដែលត្រូវបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ
  - សង្គម : សម្ងាត់បញ្ហាល បង្កិចិត្តអាហារ ធ្វើការបង្កិចិត្តសំខាន់សំខាន់ប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - សម្រាប់ប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...

- ហេដ្ឋារចនាសម្ព័ន្ធ : សាលាប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ និងបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- សេដ្ឋកិច្ច : បំបាត់ទីផ្សារ របីយប់ណ្ឌ ពាណិជ្ជកម្ម ក្នុងនិងក្រោមប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- នយោបាយ : អនុគតុនយោបាយដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ និងសម្ងាត់សំខាន់សំខាន់ប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- ការស្ថាបនាកម្មបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ :
- ការបង្កើតក្រុមសាមគ្គិតិបង្កើតបង្កើតធនធាន បុរិយោប់ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- បង្កើតរចនាសម្ព័ន្ធត្រូវបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- ការណារីស៊ីយេសេដ្ឋកិច្ច កសិកម្ម ពាណិជ្ជកម្ម ខស្សាបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- រប្បធម៌ អប់រំ : បង្កើតសាលាប្រជុំប្រចាំថ្ងៃប៉ុណ្ណោះ បង្កើតគ្រួសារ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- វិស័យនយោបាយ : បង្កើតប្រជុំប្រចាំថ្ងៃប្រចាំថ្ងៃប្រចាំថ្ងៃ ដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- ទិន្នន័យប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
- III. ការដោកក្រសាធប្រោះវិហារចូលក្នុងបញ្ញីបេតិកកណ្តាលពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ
  - ករ្យាប្រណាគារទីកិច្ច
  - ពិកិត្តលោកដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - ផ្ទាល់កំណើនបេតិកកណ្តាលពីកិត្តលោកកំពុងដ្ឋូបប្រទេសនៃបញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - បង្ហាញពីស្ថាបនាកម្មបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - បង្ហាញពីសិល្បោគរបស់បញ្ជាផ្ទៃអ្នកដែលបានប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...
  - ទិន្នន័យប្រជុំប្រចាំថ្ងៃ ...

**ប្រឡាយសង្គមប្រព័ន្ធសិក្សាណាពលយ៍ក្នុង**  
**សម្រេចប្រឡាយ: ០៤ សីហា ២០១៨**  
**ទំនាក់ទំនង: ភាគាណាពលយ៍ក្នុង (ប្រាក់ទំនាក់ទំនង)**  
**រយៈពេល: ៦០ នាទី ពិន្ទុ ៥០**

## ប្រឡាយ

### I. Vocabulaire

A. Reliez les phrases en utilisant “sans” selon le modèle.

Exemple: Il est venu. Il n'a pas d'argent.

→ Il est venu sans argent.

1- Ma grand-mère peut lire des journaux. Elle n'a pas de lunettes.

2- Elle écoute. Elle ne dit rien.

3- C'est la nuit. il n'y a pas d'étoiles.

B. Soulignez les intrus :

Exemple: ventre genou bras vent pied

1. infirmier dentiste pharmacien

docteur médicament

2. séjourner se baisser se laver se reposer  
se relever

3. bon mauvais fatigue fort faible

4. Singapour Birmanie Cambodge

Brunei Canada

5. France Phnom Penh Laos  
Vietnam Chine

### II. Grammaire.

A. Répondez aux questions en utilisant “Si”, “Oui” ou “Non”.

1. Tu ne manges pas de pain ?

....., je mange du riz.

2. Vous ne buvez pas d'eau le matin?

....., un verre d'eau avant le petit déjeuner.

3. Vous apprenez le français?

....., deux heures par semaine.

B. Transformez les phrases selon le modèle.

Exemple: Montrez votre photo à Dara.

→ Montrez-la-lui

1- Donnez ces médicaments à ta soeur.

2- Rendez la monnaie à Neary.

3- Montrez le chemin à cet enfant.

4- Envoyez des lettres à vos parents.

5- Laissez vos sacs dans la voiture.

### III. Expression écrite.

Décrivez une ville touristique du Cambodge ou d'autres pays que vous aimez bien. Écrivez un texte de 100 à 120 mots.

## គំនោតាសាស្ត្រ

### I. Vocabulaire

A. Reliez les phrases en utilisant “sans”.

1- Ma grand-mère peut lire des journaux sans lunettes.

2- Elle écoute sans rien dire

3- C'est la nuit sans étoiles.

B. Soulignez les intrus.

1- médicament 2- séjourner 3- fatiguer

4- Canada 5- Phnom Penh

### II. Grammaire

A. Répondez aux questions en utilisant “Si”, “Oui”, “Non”.

1- Non 2- Si 3- Oui

B. Transformez les phrases selon le modèle.

1- Donnez-les-lui. 2- Rendez-la-lui.

3- Montrez-le-lui. 4- Envoyez-leur-en.

5- Laissez-les dans la voiture. - Laissez-les y.

### III. Expression écrite

Respect de la consigne

Vocabulaire et orthographe

Grammaire

Richesse des idées

Cohérence

**ប្រជុំលទ្ធផ្លាមប្រព័ន្ធបច្ចុប្បន្ននិក្សុទិនយកមិត្ត**  
**សម្រេចប្រជុំល: ០៩ ស៊ីហា ២០១៦**  
**នគរាល់: ភាសាអង់គ្លេស (ខ្លាត់ខ្លួនសាស្ត្រ)**  
**រយៈពេល: ៦០ ថាង គិត្យ ៥០**

## ប្រជាជាន

### I. Reading.

Read the test and fill the gaps with the words in the box.  
Gap one has been done as an example.

candidate	eligible	election
campaign	opinion pool	violent
ballot box	polling day	support
polling station	winner	(1) predict
result		

### *elections*

People sometimes try to (1) .....predict .....the result of an election weeks before it takes place. Several hundred people are asked which party they prefer, and their answers are used to guess the (2) ..... of the coming election. This is called an (3) ..... Meanwhile each party conducts its (4) ..... with meetings, speeches, television commercials and party members going from door to door encouraging people to (5) ..... Their party. In Cambodia everyone over 18 is (6) ..... to vote. The place where people go to vote in an election is called a (7) ..... and the day of the election is often known as (8) ..... The voters put their votes in a (9) ..... And later they are counted. The (10) ..... with the most vote is then declared the (11) .....

### II. Grammar.

There are four answers after each statement. Only one answer is correct. Choose the correct letter a, b, c, or d. The first one was done as an example for you.

Example : Yesterday she ..... to Siem Reap.

- a. Go
- b. is going
- c. goes
- d. went

1. Although Ms. Thida ..... Reservation, the hotel did not have a room for her.

- a. Make
- b. have made
- c. had made
- d.. makes

2. I ..... on the bus when I dropped my wallet.

- a. Am getting
- b. have gotten
- c. get
- d. was getting

3. Several trees fell down last night ..... the strong wind.

- a. Because of
- b. since
- c. because
- d. so

4. We ..... at that restaurant during the last few months.

- a. Don't eat
- b. won't eat
- c. haven't eaten
- d. didn't eat

5. Mr. Dara ..... so many accidents if he drove more carefully.

- a. Would have
- b. won't have
- c. would have had
- d. wouldn't have

### III. Vocabulary.

There are four answers after each statement. Only one answer is correct. Choose the correct letter a, b, c or d. The first one was done as example for you.

Example : When I was twelve, my father taught me how to .... play ... chess.

- a. Do
- b. play
- c. make
- d. collect

1. I'm really ..... of my son who first prize is the art competition.

- a. Pleased
- b. proud
- c. delighted
- d. happy

2. We all need to ..... responsibility for improving our local community.

- a. Have
- b. make
- c. take
- d. give

3. It's important to set yourself clear ..... so you know what you are aiming for.

- a. Ambition
- b. opportunities
- c. decisions
- d. golds

4. According to the weather ..... , there will be rain tomorrow.

- a. programme
- b. information
- c. survey
- d. forecast

5. Many people believe that violent computer games can have a harmful ..... on children.

- a. effect
- b. affect
- c. damages
- d. involvement

### IV. Writing.

Write an essay "Advantages and disadvantages of TV" at least 180 words.

## កំណែភាសាអង់គ្លេស

### I. Reading.

(1) predict	(2) result	(3) opinion poll
(4) election campaign	(5) support	(6) eligible
(7) polling station	(8) polling day	(9) ballot box
(10) candidate	(11) winner	

### II. Grammar.

- 1 - c      2 - d      3 - a      4 - c      5 - d

### III. Vocabulary.

- 1 - b      2 - c      3 - d      4 - d      5 - b

### IV. Writing.

1. Content
2. Spelling
3. Grammar